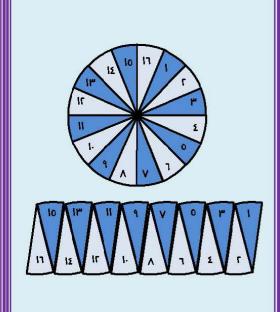
اطنميز

في الرياضيات



> <

اعداد: احمد الشننوري

الصفالسادس الإبندائي الفصل الدراسي الثاني

المحتويات

الوحدة الأولى: الأعداد الصحيحة

* الدرس الأول: مجموعة الأعداد الصحيحة

* الدرس الثانى: ترتيب الأعداد الصحيحة

و المقارنة بينها

* الدرس الثالث: جمع و طرح الأعداد الصحجيحة

* الدرس الرابع: ضرب و قسمة الأعداد الصحيحة

الدرس الخامس: الضرب المتكرر

الدرس السادس: الأنماط العددية

الوحدة الثانية: المعادلات و المتباينات

الدرس الأول: المعادلة و المتباينة

من الدرجة الأولى

* الدرس الثانى: حل المعادلة من الدرجة الأولى

في مجهول واحد

* الدرس الثالث: حل المتباينة من الدرجة الأولى

فى مجهول واحد

الوحدة الثالثة: الهندسة و القياس

الدرس الأول: المسافة بين نقطتين

في مستوى الاحداثيات

* الدرس الثاني : التحويلات الهندسية : تحويل الانتقال

* الدرس الثالث: مساحة الدائرة

* الدرس الرابع: المساحة الجانبية و الكلية لكل من:

المكعب و متوازى المستطيلات

الوحدة الرابعة: الاحصاء و الاحتمال

الدرس الأول: تمثيل البيانات الاحصائية

بالقطاعات الدائرية

* الدرس الثاني: التجربة العشوائية

الدرس الثالث: الاحتمال

<u>ېتىلىم</u>اللە الرَّحْمَزِ <u>الرَّحِيم</u>

أحمد الله و اشكره و أثنى عليه أن أعاننى و وفقنى لتقديم هذا الكتاب من مجموعة " المنميز "

فى الرياضيات لأقدمه لأبنائى المتعلمين و إخوانى المعلمين و الذى راعيت فيه تقديم المادة العلمية بطريقة مبسطة و ممتعة مدللاً بأمثلة محلولة ثم تدريبات متنوعة و متدرجة للتدريب على كيفية الحل لتناسب كل المستويات و مرفق حلولها كاملة في آخر الكتاب متمنياً أن ينال رضاكم و ثقتكم التى أعتز بها و الله لا يضيع أجر من أحسن عملا و هو ولى التوفيق

أحمد التنتتوى

للأمانة العلمية يرجى عدم حذف أسمى نهائياً يسمح فقط بإعادة النشر دون أي تعديل

الوحدة الأولى

الدرس الأول: مجموعة الأعداد الصحيحة

الحاجة إلى مزيد من الأعداد: أولاً: الأوضاع المتعاكسة:

توجد في حياتنا أوضاع متعاكسة كثيرة لا يمكن التعبير عنها من خلال مجموعة الأعداد الطبيعية مثل:

في الشكل المقابل:

رجلان يعنيان من درجة الحرارة الأول يعانى من درجة الحرارة المرتفعة . ٤°

و الثاني يعاني من درجة الحرارة المنخفضة 0° تحت الصفر

هذان وضعان متعاكسان ، و لا نستطيع أن نعير عن درجة الحرارة المنخفضة (0° تحت الصفر) باستخدام الأعداد الطبيعية

(٢) في الشكل المقابل: مشهدان في الأول:

يسير الأوتوبيس على سطح الأرض بينما تسير السيارة على الكوبري

(فوق سطح الأرض)

و في الثاني :

تسير السيارة على سطح الأرض بينما يسير مترو الأنفاق تحت سطح الأرض

الأعداد الصحيحة

هذان وضعان متعاكسان ، و نستطيع أن نعبر في المشهد الأول أن ارتفاع السيارة هو ٢٠ فوق سطح الأرض بينما لا نستطيع التعبير عن انخفاض مترو الأنفاق تحت سطح الأرض باستخدام الأعداد الطبيعية

- ٣) التعبير عن عدد طوابق برج سكني مثلاً 10 طابقاً فوق سطح الأرض بينما لا يمكننا التعبير عن ٣ طوابق تحت سطح الأرض
 - ٤) التعبير عن مدينة عند مستوى ١٥٠ متراً فوق سطح البحر هو . 10 بينما لا يمكننا التعبير عن مستوى مدينة ... متر تحت سطح البحر

: سے المعادلة V = W + W في ط كما يلى V = W + W $\mathbf{P} - \mathbf{V} = \mathbf{P} - \mathbf{P} + \mathbf{P}$

إذن : س = ٣ ، مجموعة الحل = { ٣ }

- لا يمكن حل المعادلة : - + + + في ط حيث : س + V − ۳ = V − V $(\dot{v} : m = W - V)$ (غير ممكنة في ط)

مما سبق نستنتج أن:

- الحياة مليئة بأمثلة تعبر عن وضعان متعاكسان أحدهما يمكن التعبير عنه في ط ، و الآخر لا يمكن التعبير عنه في ط
- ٢] مجموعة الأعداد الطبيعية محدودة من أسفل (أصغر عدد طبيعي هو الصفر) و حتى يمكن التعامل مع ظواهر الأوضاع المتعاكسة أحمد التنتنوري



درجة الحرارة



كان لابد من توسيع ط فى الإتجاه الآخر لخط الأعداد (\overline{e} \overline{e}

 \mathbf{Z} سمیت الأعداد الناتجة بالشكل (مجموعة الأعداد الصحیحة) و أعتبرت الأعداد $\{+1,+7,+7,+4,+2,\dots\}$ أعداداً صحیحة موجبة و رمزها \mathbf{Q}_{+} و یمکن کتابتها کما یلی : $\{1,7,4,4,\dots\}$ أی عدم وضع إشارة (+) أمامها فهی موجودة ضمناً و الأعداد $\{-1,-7,-4,\dots\}$ أعداداً صحیحة سالبة و رمزها \mathbf{Q}_{-} ، معنی ذلك أن :

{ · Ψ- · Γ- · 1- · · · 1 · Γ · Ψ · } = ~ σ

= صً + ∪ {٠} ∪ صر_

= ط ∪ صہ_

ملاحظات

 ا) مجموعة الأعداد الصحيحة غير منتهية و ممتدة عن يمينها و يسارها بلا حدود

أحمد التنتتوري

٢) الصفر ليس عدداً موجباً و ليس عدداً سالباً

 $\mathscr{P}\supset \{\cdot\}\; ,\;\; \mathscr{P}\supset \mathscr{P}_{-}\; ,\;\; \mathscr{P}_{-}\supset \mathscr{P}_{-}\; ,\;\; \mathscr{P}_{-}\supset \mathscr{P}_{-}\; ,\;\; \mathscr{P}_{-}\supset \mathscr{P}_{-}\; ,\;\; \mathscr{P}_{-}\supset \mathscr{P}_{-}$

ک یمکن تمثیل مجموعة الأعداد الصحیحة $\begin{pmatrix} 2 \\ -2 \end{pmatrix}$ بشکل قن المقابل $\begin{pmatrix} 2 \\ -2 \end{pmatrix}$

(١) أكتب عدداً صحيحاً يعبر عن كل موقف من المواقف التالية كما بالمثال :

العدد الصحيح	الموقف	
۳٥	مكسب تاجر ٣٥ جنيهاً من بيع سلعة ما	مثال
10 —	خصم 10 جنيهاً عند شراء خلاط	3
••••	درجة الحرارة بلندن درجتان تحت الصفر	[1]
••••	إيداع مبلغ ٥٠٠ إلى رصيدك بالبنك	[7]
••••	موقع غواصة تحت سطح البحر هو ١٠٠٠ م	[٣]
••••	يسكن محمد في شقة بالدور العاشر ببرج سكني	[٤]
••••	عمق جراج أربعة طوابق تحت سطح الأرض	[0]

تمثيل مجموعة الأعداد الصحيحة :

يمكن تمثيل محموعة الأعداد 0 4 0 1 · - ا - ا - س ع - و محموعة الأعداد المقابل المقابل

(٦) حدد على خط الأعداد كل من العددين ($^{\mathbf{H}}$ ، $^{\mathbf{H}}$) بلون و معكوس كلاً منهما بلون مختلف $_{\mathbf{L}}$ $_{\mathbf{L}$

(۳) أكمل ما يلى بإستخدام إحدى الكلمات (موجبة – سالبة – صفر) لتصبح العبارات التالية صحيحة :

[] سرعة سيارة إذا كانت:

ا] السيارة تتحرك للأمام تمثلها أعداد

آ توقف السيارة يمثله العدد

٣] السيارة تتحرك للخلف تمثلها أعداد

[۲] المسافة التي يتحركها حجر من على سطح منزل إذا:

ا] قذف لأعلى المنزل تمثلها أعداد

ا قذف لأسفل المنزل تمثلها أعداد

٣] وضع على سطح المنزل يمثله العدد

[۳] حركة شخص إذا تحرك:

] جهة اليمين تمثلها أعداد

٢] جهة اليسار تمثلها أعداد

[2] الإرتفاع عن مستوى سطح البحر يمثله أعداد ، بينما مستوى سطح البحر يمثله العدد

، الإنخفاض عن مستوى سطح البحر يمثله أعداد

أحمد الننتتوى

(٤) أكتب مجموعات الأعداد التالية بطريقة السرد:

[1] سم = مجموعة الأعداد الصحيحة الأقل من ٤

.... =

.... =

 $[\Psi]$ b = مجموعة الأعداد الصحيحة بين $(-\Psi)$ ، (Γ)

.... =

[2] م = مجموعة الأعداد الصحيحة غير السالبة

.... =

[0] س = مجموعة الأعداد الصحيحة الزوجية غير الموجبة

.... =

(0) أكمل ما يلى:

.... = {·} ∪ ₊~∞ [۱]

[۲] صہ ← صہ =

[۳] ط - ص- ب

 $\dots = - \sim - \sim [\Sigma]$

[0] ط ∪ صہ_ =

[1] ص- ط =

القيمة المطلقة للعدد الصحيح:

- العدد o تمثله النقط (، و هي تبعد خمس وحدات عن نقطة (و) التي تمثل العدد: صفر
 - $^{\prime}$ العدد $^{\prime}$ 0 تمثله النقط $^{\prime}$ 0 ، و هي تبعد خمس وحدات عن نقطة $^{\prime}$ (و) التي تمثل العدد: صفر

من ذلك نستنتج أن: القيمة المطلقة للعدد الصحيح ٩ هي: المسافة بين موقع العدد (٩) و موقع الصفر على خط الأعداد و هي دائماً موجبة ، و يرمز لها بالرمز ١٩١

$$\mathbf{o} = |\mathbf{o} - |$$
 ، $|\mathbf{o}| = |\mathbf{o}|$ ، معنی ذلك أن $|\mathbf{o}| = |\mathbf{o}|$

ر . . . مدد و معكوسه لهما نفس القيمة المطلقة لأنهما يبعدان نفس المسافة عن نقطة الصفر (و) على خط الإعداد الصحيحة حظات : و بالتالى فإن : كل عدد و معكوسه لهما نفس القيمة المطلقة لأنهما ملاحظات

1) إذا كان : ١٩١ = ٦ مثلاً

 $\mathbf{I} = \mathbf{I}$ أو $\mathbf{I} = \mathbf{I}$ أي أن $\mathbf{I} = \mathbf{I}$

- ٦) | ٩ | = | ٩ | فمثلاً : | ٣ | = | ٣ |
 - ٣) | صفر | = صفر
 - P = |P| = |P | (2)

فمثلاً : _ | _ 2 | = | ٤ | = _ 2

٥) يمكن إجراء العمليات الحسابية للقيمة المطلقة

فَمَثُلاً : |-7| + | ٧ | = ٦ + ٧ = ٩ و هكذا

احمد الننتتوري

(٦) أختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة:

$$(\ \ \ \ \ \ \ \ \) \qquad \qquad \ \ \, |\ \ \ \ \ \) \qquad \qquad \ \ \, |\ \ \ \ \ \ |\ \ \ \ \ |$$

$$(0 - (9 - (0 + 9))) = |\Sigma - | - |9 - |[\Gamma]]$$

$$(V - V V \frac{1}{V} V \frac{1}{V} -)$$

$$(\Lambda \pm \cdot \Lambda \cdot \Lambda - \cdot \frac{\Lambda}{\Lambda})$$

$$(\sim, \{\cdot\} - \omega + \emptyset)$$
 ... = $\sim - + \infty$ [0]

$$(\Rightarrow \ \)$$
 $(\Rightarrow \ \)$ $(\Rightarrow \ \)$ $(\Rightarrow \ \)$

$$\{ \mathsf{P} \mid \mathsf{P} \in \mathsf{P} : \mathsf{P}$$

$$(\Gamma \cdot I - \cdot \Gamma - \cdot I) \qquad \dots = \beta : \dot{\Theta}$$

$$[oldsymbol{\mathsf{II}}]$$
 إذا كان : ${}^{\mathsf{A}} \subset {}^{\mathsf{A}} \subset {}^{\mathsf{A}} \subset {}^{\mathsf{A}}$ فإن : ${}^{\mathsf{A}} \subset {}^{\mathsf{A}} \subset {}^{\mathsf{A}}$

$$(\ \ \ \ \ \ \) \qquad \qquad \sim \sim \quad \ldots \quad \mathsf{0,0} \ \ [\mathsf{I}\mathsf{\Gamma}]$$

أحمد التنتتوري

الدرس الثاني: ترتيب الأعداد الصحيحة و المقارنة بينها

نعلم أن : تتوفر الخاصيتان التاليتان في مجموعة الأعداد الطبيعية أولاً :

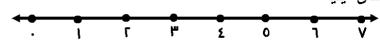
إذًا كان : ٩ ، ب عددين طبيعين ب ٩ . ممثلين على خط الأعداد كما بالشكل المقابل :

- ا) و كانت النقطة التى تمثل العدد ب تقع على يمين النقطة التى تمثل العدد ρ فإن ρ : ρ ρ

نفس الخاصية تتوفر في مجموعة الأعداد الصحيحة

ثاثيا

خاصية التتابع و الفرق الثابت و هو الوحدة بين أى عدد طبيعى و الذى يليه



نفس الخاصية تتوفر أيضاً في مجموعة الأعداد الصحيحة

مما سبق نستنتج أن:

أولاً : كلاً من مجموعة الأعداد الطبيعة ، و مجموعة الأعداد الصحيحة مرتبة كما هو مبين على خط الأعداد التالي

أحمد التنتتوري

ا) مرتبة تصاعدياً (من الأصغر إلى الأكبر) كلما اتجهنا من اليسار إلى اليمين

ر من الأكبر إلى الأصغر) كلما اتجهنا من اليمين إلى اليسار

تانياً: عند المقارنة بين أي عددين صحيحين فإن العدد الذي يقع على يمين الآخر هو الأكبر و العكس صحيح معنى ذلك:

ا) < ۳- < ۱- < ۱- < ۱ < ۲ < ۳ < (ا ترتیب تصاعدی)

۲) > ۳ > ۲ > ۱ > ۰ > ۱ - > ۳ - > ۳ (ترتیب تنازلی)

(۱) أكمل لترتيب الأعداد التالية تصاعدياً ثم تنازلياً

2 · V · 1 · V - · 1 -

أصغر الأعداد هو: - ٧ لأنه يقع أقصى اليسار على خط الأعداد

ثم يليه : ، ، ۲

الترتيب التصاعدي هو: - ٧ ، ، ، ... ، ٧

بينما أكبر الأعداد هو: ٧ لأنه يقع أقصى اليمين على خط الأعداد

ثم يليه : ، ، : ٧ – ٧

الترتيب التنازلي هو : ٧ ، ، ، ، - ٧

(١) رتب الأعداد التالية:

الترتيب التصاعدي هو:

الترتيب التنازلي هو:

(۳) أكتب العدد الصحيح السابق و العدد الصحيح التالى لكل عدد صحيح
 فيما يلى كما بالمثال :

العدد التالي	العدد السابق	العدد الصحيح	
۳_	0 —	٤-	مثال
		۱۰ –	[1]
		1.	[7]
		صقر	[٣]

(٤) أكتب الأعداد الصحيحة المحصورة بين كل عددين صحيحين مما يلى :

الأعداد المحصورة	العددين	
	1 . 4 –	[1]
	0 -	[۲]
	٤،١-	[٣]

(0) أكمل الفراغ بوضع علامة (> أو = أو <) في كل مما يلي :

٤ ٣- -	[7]	0 0 -	[1]
11 1 + 1-	[٤]	II I· -	[٣]
9 - V -	[٦]	ו ז –	[0]

(٦) اكتب كل مما يلى بطرقة السرد:

$$\{ \Sigma \geqslant \omega \geqslant 1 - : \omega \} = \emptyset [\Sigma]$$

أحمد الننتتورى

الدرس الثالث: جمع و طرح الأعداد الصحيحة

أولاً: جمع الأعداد الصحيحة

إمكانية الجمع في صم

(٩) جمع عددين صحيحين موجبين :

لايجاد ناتج : ٢ + ٣ نستخدم خط الأعداد كما يلى :

- ١) نبدأ من الصفر ثم نتحرك يميناً وحدتين لتمثيل العدد ٦
- ٢) نبدأ العدد ٢ و نتحرك يميناً ثلاث وحدات لتمثيل العدد ٣
 - ۳) نصل إلى العدد ٥ ، و هو ناتج الجمع

أى أن: جمع الأعداد الصحيحة الموجبة مماثل لجمع الأعداد الطبيعية

(ب) جمع عددین صحیحین سائبین :

: لايجاد ناتج (-1) + (-1) نستخدم خط الأعداد كما يلى

- ا) نبدأ من الصفر ثم نتحرك يساراً بمقدار القيمة المطلقة للعدد (7)
- ٢) نبدأ العدد (-٦) و نتحرك يساراً بمقدار القيمة المطلقة للعدد (-٣)
 - ٣) نصل إلى العدد (0) ، و هو ناتج الجمع

أى أن : جمع عددين صحيحيين سالبين = عدداً صحيحاً سالباً

لحمد التنتتوري

(ح) جمع عدين صحيحين أحدهما موجب و الآخر سالب:

- ا لایجاد ناتج : 2 + (V V) نستخدم خط الأعداد کما یلی :
- ا) نبدأ من الصفر ثم نتحرك يميناً أربع وحدات لتمثيل العدد ٤
- γ نبدأ العدد (Σ) و نتحرك يساراً بمقدار القيمة المطلقة للعدد (V)
 - ٣) نصل إلى العدد (٣) ، و هو ناتج الجمع

أى أن :
$$\Sigma + (-V) = (-W) \in \mathcal{O}_{-}$$

-] لايجاد ناتج : (-2+1) نستخدم خط الأعداد كما يلى :
- ا) نبدأ من الصفر ثم نتحرك يساراً بمقدار القيمة المطلقة للعدد (2)
 - انبدأ العدد (2) و يميناً سبع وحدات لتمثيل العدد V
 - ٣) نصل إلى العدد (٣) ، و هو ناتج الجمع

$$+ \omega = \mathbf{V} + (\mathbf{\Sigma} - \mathbf{V}) + \mathbf{V}$$
 ائی اُن : ($- \mathbf{\Sigma} - \mathbf{V}$

ملاحظة ب

بنفس الخطوات نجد أن إيجاد ناتج : (-2) + 2 = صفر أي أن :

حاصل جمع عددين أحدهما موجب و الآخر سالب = عدداً صحيحاً قد يكون موجباً أو سالباً (حسب إشارة أكبرهما) أو صفراً

أحمد التنتتوري

P — •

(۱) أوجد ثاتج ما يلى :

(٢) أكمل بنفس التسلسل:

خواص عملية الجمع في صم:

خواص عملية الجمع في صم هي :

الإنفلاق: عملية الجمع مغلقة في صه

بمعنی أن : ناتج جمع أی عددین صحیحین هو عدد صحیح أی أن أنه إذا كان : $9 \in 9$ ، $9 \in 9$ ، $9 \in 9$ فإن : $9 \in 9$ ، $9 \in 9$ ، $9 \in 9$ ، $9 \in 9$

 e^{i} و بالتالى فإن : e^{i} + e^{i} e^{i} . e^{i}

٦) الإبدال : عملية جمع أى عددين صحيحين إبدائية بمعنى أنه إذا كان : $q \in Q$ ، $v \in Q$ فإن : q + v = v + q فمثلاً : (-q) + z = z + (-q) = 1

لحمد الننتتوري

٣) المحايد الجمعى : الصفر هو المحايد الجمعى في ص

كما كانِ محايداً جمعياً في ط

بمعنی أن إذا كان: $q \in \mathcal{P}$ فإن: q + . = . + q = q فمثلاً: q + . = . + q = q ،

 $(\Sigma -) = (\Sigma -) + \cdot = \cdot + (\Sigma -)$

٤) المعكوس الجمعى: كل عدد صحيح موجب (٩) على خط الأعداد

الصحيحة يقابله عدد صحيح سالب (- م) بحيث ناتج جمعهما = صفراً

 † . = † + († -) = († -) + † : أى أن : †

 $\cdot = (\Sigma -) + \Sigma = \Sigma + (\Sigma -)$ فمثلاً :

ملاحظات:

ا معكوس العدد صفر هو صغر لأن: ٠ + ٠ = ٠

معکوس (+4) هو (-4) = (-4)فمثلاً : معکوس (+9) هو (-9)

ho + = (
ho -
ho) هو ho = +
ho

9 + = (9 -) -فمثلاً : معكوس (-9) هو

: أكمل (<mark>۳</mark>)

 $\dots = (\Sigma -) - [\Gamma] \qquad \dots = (0 -) - [I]$

.... = $(\Psi +) - [\Sigma]$ = $(I \cdot -) - [\Psi]$

 $\dots = (1-)-[1] \qquad \dots = (12+)-[0]$

الدمج : عملية الجمع دامجة في صهر

$$\Sigma = 0 + 1 - = 0 + [+ (\Sigma -)]$$
: فُمثُلاً

$$\Sigma = \Lambda + (\Sigma -) = (0 + \mathbb{M}) + (\Sigma -)$$

$$(0 + \Psi) + (\Sigma -) = 0 + [\Psi + (\Sigma -)] : أى أن : [(-\Sigma + \Psi + (\Sigma -))]$$

لاحظ: وجود الأقواس يعنى أن تتم العملية داخل الأقواس أولاً و هذه الخاصية تعنى أنه يمكن تجاهل الأقواس و جمع أى عددين معاً

مثال (۱) أستخدم خواص عملية الجمع فى ص لإيجاد ناتج : (-11) + 10 + 11 مع ذكر الخاصية المستخدمة فى كل خطوة

1-11

الإبدال
$$10 + 11 + (12 -) = 11 + 10 + (12 -)$$

الدمج $10 + [12 + (12 -)] =$

٧	٢	٤	0	الجني	-

[۲] ۱۷ + = صفر

(1-) = + (1-)

.... = 9 - · [1]

(٤) أكمل ما يلى :

.... =
$$(V -) - [1]$$

$$.... = 12 + (12 -) ["]$$

$$(\Psi -) = + 0 [0]$$

$$\mathbf{l} = \mathbf{l} + (\mathbf{l} - \mathbf{l}) \mathbf{V}$$

(0) أكمل الجدول التالى:

معكوسه الجمعى	العدد		معكوسه الجمعى	العدد	
	1 -	[7]		0	[1]
••••		[٤]	••••	صفر	[٣]
	۲٠	[٦]	••••	10 -	[0]
l –	••••	[٨]	٤٧	••••	[V]

(٦) أستخدم خواص عملية الجمع في صم لإيجاد ناتج:

$$\Gamma O + \Sigma V + (\Gamma O -)$$

$$\Gamma \cdot 17 + \text{MA9} + (1 \cdot 17 -) [\Gamma]$$

$$IP + (\Sigma -) + (IP -) + \Sigma 0$$

$$\Lambda\Lambda + (\ \mathsf{IV} -) + (\ \mathsf{\Lambda\Lambda} -) + (\ \mathsf{PP} -) \ [\mathbf{\Sigma}]$$

أحمد الننتتوري

ثانياً: طرح الأعداد الصحيحة

إمكانية الطرح في صم

 $\Psi = \Sigma - V$: نعلم من دراسة مجموعة الأعداد الطبيعية أن

 $\Psi = (\Sigma -) + V :$ لاحظ یمکن کتابهٔ ذلك بالصورة

 $\mathbf{w} = (\mathbf{\Sigma} - \mathbf{v} + \mathbf{v}) = \mathbf{w}$ و بما أن :

و من علاقة الجمع بالطرح نستنتج :

۳ – (– 2) = ۷ و هذا يعنى :

 $V = \Sigma + \Psi = (\Sigma -) - \Psi$

معنى ذلك أن : عملية طرح العددين ٩ ، ب في صم هي :

مثال (٣) أوجد ناتج الطرح فيما يلى :

 $I \cdot - \Sigma$ [W] V - (0 -) [T] W - T [I]

 $\mathbf{F} = (\mathbf{F} -) + \mathbf{I} = \mathbf{F} - \mathbf{I} [\mathbf{I}]$

 $(I\Gamma -) = (V -) + (O -) = V - (O -) [\Gamma]$

 $(1-) = (1 \cdot -) + \Sigma = 1 \cdot -\Sigma \quad ["]$

(V) أوجد ناتج الطرح فيما يلى:

 $\dots = \dots + \dots = \Gamma - \Lambda$

 $\dots = \dots + \dots = 0 - (1 -) [\Gamma]$

أحمد النننتورى

(٨) تحقق من خاصية انغلاق الجمع و الطرح على المجموعة التالية :

{	۲ ،	· · · - · Γ - } = ~	
-	+	أولاً: الجمع	

٢	-	•	1 -	۲ –	+
					ι –
					1 -
					•
					1
					r
٢	1	•	1 -	٢ –	+
					٢ –

ثانياً: الطرح

(٩) أكمل بنفس التسلسل:

.... · · · ! – · ٣ · ٧ [۱]

.... · · · 2· - · ٣· - · [· - [[

.... ' ' ' \(\bar{\chi} - \cdot \bar{\chi}

.... ' ' 10 ' 00 ' 90 [2]

$\dots = \dots + \dots = I\Gamma - I^{\mu}$

خواص عملية الطرح في صم خواص عملية الطرح في صم هي:

 الإنغلاق: عملية الطرح مغلقة في صماراً بمعنى أن : ناتج طرح أي عددين صحيحين هو عدد صحيح و بالتالى فإن : عملية الطرح ممكنة دائماً في صه

٢) الإبدال: عملية الطرح ليست إبدالية في صه أى أن: $\P- ext{ } ext{ } + ext{ } ext{ }$

فَمثلاً : ٤ – ٣ – ١ بينما : ٣ – ٤ – ٤ – ٤ و بالتالي : ٤ − ٣ ≠ ٣ − ٤

٣) الدمج : عملية الطرح ليست دامجة في صه أى أن: ١ - (ب - ح) \ إ (ا - ب) - ح لکل ۹، ب، حہ ∈ صہ

$$egin{aligned} \Sigma-=I-(\Psi-)=&(\Sigma-0)-(\Psi-): & \hat{\Omega} \\ & \Gamma-=\Sigma-(\Lambda-)=\Sigma-(0-\Psi-): \\ & \Sigma-(0-\Psi-)\neq(\Sigma-0)-(\Psi-): & \hat{\Omega} \end{aligned}$$
 و بالتائی Σ

أحمد الننتتوري

(١٠) قام تاجر بثلاث عمليات تجارية في أحد الأيام ربح في الأولى ٣٤٥ جنيها ، و خسر في الثانية ١٦٥ جنيها ، و ربح في الثالثة عشرون جنيها أوجد مبلغ الربح أو الخسارة لهذا التاجر

(۱۱) سجل ميزان الحرارة درجة الحرارة بإحدى المدن فجر أحد الأيام فكانت – ۳° م شجل في الظهيرة ۱۱° م أوجد الزيادة في درجة الحرارة

(١٢) أختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة :

... = |V -| + (0 -)[1]

 $(\ \mathsf{I}\mathsf{\Gamma} - \cdot \ \mathsf{\Gamma} - \cdot \ \mathsf{I}\mathsf{\Gamma} \ \cdot \ \mathsf{\Gamma} \)$

أحمد النننتوري

... = |9-|-|2-|[7]

$$(0 - (9 - (9) + (9))$$

$$\dots = V + (I\Gamma -) [P]$$

$$(0 - \cdot 19 - \cdot 0 \cdot 19)$$

.... =
$$(11 -) - 19 [2]$$

$$(\Psi \cdot - \cdot \Lambda - \cdot \Psi \cdot \cdot \Lambda)$$

$$\dots = (\Lambda -) + (\Gamma -) [0]$$

$$(1 - \cdot \cdot \cdot - \cdot \cdot \cdot \cdot)$$

$$\dots = \mathbf{W} + (\mathbf{W} -)$$

$$(\mathcal{D} \cdot \supset \cdot \not \ni \cdot \ni)$$

$$(\Rightarrow \cdot \Rightarrow \cdot \Rightarrow)$$

[۱۰] غواصة عل عمق .9 متراً تحت مستوى سطح البحر إرتفعت . 7. متراً العملية الحسابية المناسبة لحساب العمق الجديد للغواصة هو

$$(1. + (9.-) \cdot 1. + 9. \cdot 1. - 9. \cdot 1. - (9.-))$$

الدرس الرابع: ضرب و قسمة الأعداد الصحيحة

أولاً: ضرب الأعداد الصحيحة

إمكانية الضرب في صم

(٩) ضرب عددين صحيحين موجبين:

نعلم أن :

 $+\sim$ \rightarrow \uparrow = \uparrow + \uparrow = + \times \uparrow (1

و نستخدم خط الأعداد كما يلى:

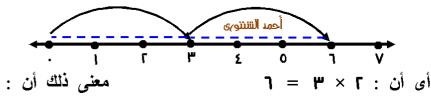
نبدأ من النقطة (و) التي تمثل العدد (صفر) ثم نتحرك ٣ مسافات 📆 متساوية جهة اليمين وكل مسافة مكونة من وحدتين فنصل إلى العدد 🎙 أي أن: ۲ × ۳ = ٦

 $\bot \sim \rightarrow \exists = \forall + \forall = \lceil \times \forall \rceil$

و نستخدم خط الأعداد كما يلى:

نبدأ من النقطة (و) التي تمثل العدد (صفر) ثم نتحرك مسافتين متساويتين جهة اليمين كل منها مكونة من ٣ وحدات فنصل إلى العدد

1 ای آن : $\mathbf{P} \times \mathbf{P} = \mathbf{I} \in \mathcal{P}_+$



حاصل ضرب عددين صحيحيين موجبين = عدداً صحيحاً موجباً

(ب) ضرب عددين صحيحين أحدهما موجب و الآخر سالب: بنفس الطريقة:

$$\neg - \neg = (\neg \neg) + (\neg \neg) + (\neg \neg) = \neg \neg = (\neg \neg)$$
 (1) $\Rightarrow \neg \neg = \neg = (\neg \neg) + (\neg \neg) = \neg = (\neg \neg) + (\neg \neg) = (\neg \neg) = (\neg \neg) + (\neg \neg) = (\neg \neg) = (\neg \neg) + (\neg \neg) = (\neg) = (\neg) = (\neg)$

$$\mathcal{P} \ni (\mathbf{I} - \mathbf{I}) = (\mathbf{P} - \mathbf{I}) + (\mathbf{P} - \mathbf{I}) = (\mathbf{P} - \mathbf{I}) \times \mathbf{I}$$

معنى ذلك أن: حاصل ضرب صحيحين أحدهما موجب و الآخر سالب = عدداً صحيحاً سالياً

(ح) ضرب عددین صحیحین سالبین :

$$(-1) \times (-1) = \Gamma \in \mathscr{O}_+$$
 معنی ذلك أن :

حاصل ضرب عددين صحيحيين سالبين = عدداً صحيحاً موجباً

(-7) + 7 = صفر خاصية المعكوس الجمعي

و بضرب الطرفين × (-٦) ينتج :

$$(\Psi-) \times \Psi-) \times \Gamma + (\Psi-) \times (\Gamma-)$$
 صفر

لاحظ أن : حاصل ضرب أى عدد صحيح × صفر = صفر

 $\cdot : (-1) \times (-1) \times (-1) = -1$ النظرفين ينتج

$$(-1) \times (-\pi) = 1 + 1 = صفر + 1$$

$$\mathbf{I} = (\mathbf{W}-) \times (\mathbf{I}-) : \dot{\mathbf{U}}$$
 إذْن

أحمد التنتتوري

قاعدة الإشارات في الضرب:

_	+	×
-	+	+
+	_	_

(۱) أوجد ناتج ما يلى:

- (٢) أكمل بنفس التسلسل:
- ' ' ' 15 ' 7 ' 17 [1]

 - · · · 9 · ٣ · 1 [٣]

خواص عملية الضرب في صم:

خواص عملية الضرب في صم هي :

الإنفلاق: عملية الضرب مغلقة في صه

بمعنى أن : ناتج ضرب أى عددين صحيحين هو عدد صحيح

أى أنه إذا كان : atural atural أى أنه إذا كان atural atural

فإن : $4 \times \Psi = -$ ، - - - -

و بالتالى فإن : عملية الضرب ممكنة دائماً في صم

احمد الننتتوري

- 2) Itens : anile item, enaps is 0. 1 anile item, enaps i
 - التوزیع : یقصد لها توزیع عملیة الضرب علی عملیة الجمع بمعنی أن : لأی ثلاثة أعداد صحیحة (۱ ، ب ، ح یکون :

و يمكن استخدام هذه الخاصية عكسياً كما يلى:

$$(00 + 20) \times (\Psi -) = 00 \times (\Psi -) + 20 \times (\Psi -)$$
 $(\Psi -) = 1... \times (\Psi -) =$
 $(\Psi -) = 1... \times (\Psi -) =$

(۳) أوجد ناتج ما يلى :

 $(\Psi \dots -) =$

$$[(15-)+(7-)]\times 9[1]$$

$$(12-) \times V0 + (P1-) \times V0$$

$$VW \times (\Sigma O -) + (TW -) \times (\Sigma O -) [W]$$

ناتج : خواص عملیة الضرب فی صہ لحساب ناتج : (Σ) أكمل مستخدماً خواص عملیة $(\Sigma - \Sigma)$ \times $(\Sigma - \Sigma)$

.... × [۳۷ × (۲۵ –)] =

= [× ۳۷] × خاصية

.... ×] × ۳۷ =

.... = × **\(\mu\V**\) =

أحمد الننتتوري

أحمد الننتتوري

ثانياً: قسمة الأعداد الصحيحة

إمكانية القسمة في صم

 $\Sigma \Lambda = 7 \times \Lambda :$ نعلم أن : إذا كان

 $\mathbf{l} = \mathbf{l} + \mathbf{l} +$

معنى ذلك أن : عملية الضرب ينتج عنها عمليتا قسمة

 $10 = (0-) \times (P-) :$ بالمثل إذا كان

 $(\Psi -) = (0-) \div 10$ $(0-) = (\Psi -) \div 10 : فإن <math>\Psi - = (9+) \times (5-)$

 $\mathbf{q} = (\mathbf{\Sigma} -) \div (\mathbf{P} -) \cdot (\mathbf{\Sigma} -) = \mathbf{q} \div (\mathbf{P} -) \div (\mathbf{\Sigma} -) = \mathbf{q}$ مما سبق نستنتج أن :

- [] خارج قسمة عدين صحيحين لهما نفس الإشارة هو عدد صحيح موجب
 -] خارج قسمة عددين صحيحين مختلفى الإشارة هو عدد صحيح سائب

ملاحظة

کل نواتج القسمة فی الحالات السابقة \in صہ بینما نواتج القسمة فی حالات مثل : $\frac{1}{7}$ ، $\frac{1}{7}$) \div (-1) \div (-1) \div صہ قاعدة الاشارات فی القسمة :

_	+	÷
1	+	+
+	_	-

أحمد النننتوري

خواص عملية القسمة في صم:

- الإنفلاق: عملية القسمة ليست مغلقة
- مما يدل على أنها ليست ممكنة دائماً في صهر الإبدال : عملية القسمة ليست إبدالية في صه

ملاحظة :

قسمة أى عدد صحيح على (الصفر) غير ممكنة فى صم مثل فى ط بينما خارج قسمة (الصفر) على أى عدد صحيح = صفراً

(0) أوجد خارج القسمة في كل مما يلي :

= (2 -) ÷ ·			
= (m -) ÷ 1	[٤]	$ = (\Lambda -) \div (01 -)$	[٣]
= (9 -) ÷ 1A	[٦]	= \mathfrak{\mu} \div (10 -)	[0]

(٦) أوجد قيمة س في الحالات التالية:

$$(\mathbf{\Sigma}\mathbf{0}-)=\mathbf{\omega}\times|\mathbf{0}-|\mathbf{\Gamma}]$$

$$0 = \frac{|\omega|}{r} [\Sigma]$$

$$(0) -) = \smile \times (V -) \quad [0]$$

$$\Gamma I \times (\Psi -) = \longrightarrow \times 9$$
 [7]

أحمد الننتتوري

 $V = \mathcal{E}$ ، $W = \mathcal{V}$ ، $W = \mathcal{V}$) إذا كانت : $W = \mathcal{V}$ ، $W = \mathcal{V}$. أكمل لإيجاد قيمة كل مما يلى :

$$(....) - (....) + \times \Gamma =$$

$$[7]$$
 المقدار = Ψ س ص $=$ ع

(....) ÷ [(....) × 0 – ×
$$\mu$$
]=

- (٨) أكمل ما يلى :
- [7] العدد المحايد الضربي في صم هو
- → × ▷ + × ▷ = (.... + ◘ × ▷ [٣]
- [2] قسمة أي عدد صحيح على (الصفر) في ∞
 - [0] خارج قسمة عددين صحيحين لهما نفس الإشارة
 - هو عدد صحيح
 - × = × [7]
- [٧] حاصل ضرب عددين صحيحين سالبين = عدداً صحيحاً
- $\rightarrow \times \ \ \ \ \times \ \ \ = (\dots \times \ \) \times \ \ \ \ = \rightarrow \times (\dots \times \ \)$
 - $\dots = (I \cdot -) \times [\Lambda + (O -)]$
 - [۱] إذا كان : ٧ س = (٢١) فإن : س =
 - (٩) أختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة :
 - $... = |V | \times (0 -)[1]$
- $(I\Gamma \cdot PO \cdot I\Gamma \cdot PO)$

 $\dots = |9-| \times |\Sigma-| [\Gamma]$

$$(0 - \langle P1 - \langle 0 \langle P1 \rangle)$$

$$\dots = \mathbf{J} \div (|\mathbf{I}\mathbf{\Gamma} - | -) [\mathbf{P}]$$

$$(\Gamma - \cdot \Gamma - \cdot \Gamma)$$

$$(\Sigma - \Sigma \cdot \Lambda - \Lambda)$$

(۱۰) أكمل مستخدماً (> أو = أو <) :

$$(0-)\times\Sigma$$
 $(\Sigma-)\times 0$

$$1 \times 1 \dots (9-) \times (2-)$$

$$\Lambda \times (1-)$$
 $|\Lambda - | \times |1-|$ [μ]

$$(\Sigma -) \times \Gamma \dots \qquad \Psi \div (\Gamma V -) [\Sigma]$$

$$(V-) \times \Sigma$$
 $(O-) \times \mathbb{P}[O]$

$$(-1) \times (-1)$$
 صفر ÷ (-1)

أحمد التنتتوري

الدرس الخامس: الضرب المتكرر

تمهيد: نعلم أن:

 $9 = P \times P$

لاحظ: تكرر ضرب العدد ٣ في نفسه مرتين

= # × # × # (r

لاحظ: تكرر ضرب العدد ٣ في نفسه ثلاث مرات

 $M = M \times M \times M \times M$

لاحظ: تكرر ضرب العدد ٣ في نفسه أربع مرات

الضرب المتكرر:

يقصد بالضرب المتكرر:

تكرار ضرب العدد في نفسه عدد من المرات

فمثلاً : ۳ × ۳ × ۳ × ۳

هو تكرار ضرب العدد ٣ في نفسه ٤ مرات

تكتب في هذه الحالة : ٣ ، و تقرأ : ٣ أس ٤

ملاحظات

- 1) العدد ۳ هو المتكرر و يسمى الأساس
- ، العدد ٤ عدد مرات تكرار الضرب و يسمى الأس
- س الم بالقوة الرابعة للعدد 2 2 2
- ") بالمثل : (-۲) × (۲-) × (۱-) = (-۸) و يسمى (-۲) بالقوة الثالثة للعدد (-۲)

أحمد التنتتوى

بصفة عامة

إذا كان : ٩ عدداً صحيحاً فإن :

 $^+$ حیث: $\omega \in ^0$ حیث: $\omega \in ^0$ ملاحظات $^+$

۲) القوة الثانية لأى عدد تسمى مربع العدد

فمثلاً : ٣] (تقرأ ٣ أس ٢) أو مربع العدد ٣

٣) القوة الثالثة لأى عدد تسمى مكعب العدد

فمثلاً : ٤ " (تقرأ ٤ أس ٣) أو مكعب العدد ٤

- ٤) إذا كان : الأساس عدداً سالباً مرفوعاً لأس زوجى
 كان الناتج عدداً موجباً
- اذا كان : الأساس عدداً سالباً مرفوعاً لأس فردى
 كان الناتج عدداً سالباً

 $(-4)^{\prime\prime} = -(4)^{\prime\prime}$ حيث : $(-4)^{\prime\prime} = -(4)^{\prime\prime}$ حيث : $(-4)^{\prime\prime} + (-4)^{\prime\prime}$ من $(-4)^{\prime\prime} + (-4)^{\prime\prime}$

(۱) أكمل الجدول التالى:

				_	
السادسة	الخامسة	الرابعة	الثالثة	الثانية	القوة
ر ا	ر ه	ل س	ر	ر	العدد س
			-	-	ı
			٨	٤	٢
	۲٤۳	۸۱			۳
٤٠٩٦			٦٤		٤
		٦٢٥		Го	0
			רוז		ו
	1				1.

(٢) أكمل الجدول التالى :

السادسة	الخامسة	الرابعة	الثالثة	الثانية	القوة
س ٦	ر ق	ر س	ر	_}	العدد س
			I —	1	(1-)
			۸-	٤	(-1)
	72 –	۸۱			(٣ -)
٤٠٩٦			٦٤ –		(2-)
		٦٢٥		Го	(0-)
	l –				(I)

أحمد الننتتوري

(۳) أوجد قيمة ما يلى :

أحمد الننتتوري

$$\dots = {}^{\mathsf{m}}(\mathsf{V}-)$$
 [1]

$$\dots = {}^{\mathsf{r}}(\mathsf{\Lambda} -) [\mathsf{r}]$$

$$\dots = {}^{\circ}\Gamma \times {}^{\Gamma}(0-)$$

$$\dots = {}^{\mathsf{P}} \mathsf{P} + {}^{\mathsf{P}} (\mathsf{P}-) [\mathbf{\Sigma}]$$

.... =
$${}^{19}1 + {}^{19}(1-)$$
 [7]

القواعد الأساسية المستخدمة في حالة الضرب المتكرر: أولاً: قاعدة جمع الأسس

يمكن التعبير عنها كما يلى:

$${}^{1}\mathbf{H} = {}^{0+1}\mathbf{H} = {}^{0}\mathbf{H} \times {}^{1}\mathbf{H} = (\mathbf{H} \times \mathbf{H} \times \mathbf{H} \times \mathbf{H} \times \mathbf{H}) \times \mathbf{H}$$

$${}^{1}\mathbf{H} = {}^{0+1}\mathbf{H} = {}^{0}\mathbf{H} \times {}^{1}\mathbf{H} = (\mathbf{H} \times \mathbf{H} \times \mathbf{H} \times \mathbf{H} \times \mathbf{H}) \times (\mathbf{H} \times \mathbf{H})$$

$${}^{1}\mathbf{H} = {}^{0+1}\mathbf{H} = {}^{0}\mathbf{H} \times {}^{$$

نستنتج مما سبق:

فى حالة الضرب المتكرر نجمع الأسس إذا كانت الأساسات متساوية بمعنى إذا كان : $q \in \mathcal{P}$ ، $q \neq 0$ عنو فإن : $q \times q \times q = 0$ حيث : $q \times q \times q \times q = 0$

(٤) أوجد قيمة كل مما يلى كما بالمثال:

$$\Gamma = \Gamma^{\prime} = \Gamma^{\prime} = \Gamma^{\prime} = \Gamma^{\prime} = \Gamma^{\prime}$$
 المثال : Γ

$$\dots = \dots = {}^{\mathfrak{l}}(\Gamma-) \times {}^{\mathfrak{m}}(\Gamma-) [\mathfrak{m}]$$

$$\dots = \dots = {\overset{\mathfrak{p}}{(\mathfrak{p}_{-})}} \times {\overset{\mathfrak{l}}{(\mathfrak{p}_{-})}}$$

$$...$$
 = $...$ = m 0 × m (0-) [0]

.... = =
$${}^{9}(1-) \times {}^{4}(1-)$$
 [7]

ثانياً: قاعدة طرح الأسس

 $^{\mathsf{P}}_{\mathsf{P}} = ^{\mathsf{P}}_{\mathsf{P}} \times ^{\mathsf{P}}_{\mathsf{P}} \times ^{\mathsf{P}}_{\mathsf{P}} ^{\mathsf{P}}_{\mathsf{P}}_{\mathsf{P}} \times ^{\mathsf{P}}_{\mathsf{P}} \times ^{\mathsf{P}}_{\mathsf{P}} \times ^{\mathsf{P}}_{\mathsf{P}}_{\mathsf{P}} \times ^{\mathsf{P}}_{\mathsf{P}}_{\mathsf{P}} \times ^{\mathsf{P}}_{\mathsf{P}}_{\mathsf{P}} \times ^{\mathsf{P}}_{\mathsf{P}}_{\mathsf{P}} \times ^{\mathsf{P}}_{\mathsf{P}}_{\mathsf{P}}_{\mathsf{P}} \times ^{\mathsf{P}}_{\mathsf$

نستنتج مما سبق :

م على المسلم المسلم عند المساسات متساوية المساسات متساوية المساسات متساوية المساسات متساوية المسلم المساسات المساوية المساسات المساوية المساوية المساسات المساوية المساسات المساوية المساسات المساسات المساسات المساوية المساسات ال

بمعنی إذا کان :
$$q \in \mathcal{P}$$
 ، $q \neq 0$ صفر فإن : $q \in \mathcal{P}$ معنی إذا کان : $q \in \mathcal{P}$ ، $q \neq 0$ صحب ، $q \neq 0$ مین : $q \neq 0$ ، $q \neq 0$ مین : q

ملاحظةً

فى حاثة القسمة إذا تساوت الأسس أى أن : $\gamma = v$ يكون : أحمد النفتتوى

 $I = \dot{\beta} = \dot{\beta} = \dot{\beta} = \dot{\beta}$

$$I = (WVO-) \qquad \qquad I = (WI-)$$

(0) أوجد قيمة كل مما يلى كما بالمثال:

مثال : (-۱)
$$\dot{\tau}$$
 $\dot{\tau}$ \dot

.... = =
$${}^{\mathfrak{l}}(\Gamma-) \div {}^{\mathfrak{l}}(\Gamma-)$$
 [${}^{\mathfrak{l}}$]

.... = =
$$(\Psi -) \div (\Psi -)$$
 [2]

$$...$$
 = $...$ = m 0 ÷ m (0-) [0]

... = ... =
$${}^{9}(1-) \div {}^{10}(1-)$$
 [7]

$$\dots = {}^{9}(\dots) = {}^{9}(\dots + \dots) = {}^{9}(\dots) [1]$$

$$\frac{3 \times 6}{0}$$
 : أكمل لإيجاد قيمة $\frac{6}{0}$

$$\dots = \dots (0) = \frac{v - \dots}{0} = \frac{0}{0} = \dots$$
المقدار = $\frac{0}{0}$

 $\frac{\mathbf{w} \times \mathbf{w}}{\mathbf{k}}$: $\frac{\mathbf{w} \times \mathbf{w}}{\mathbf{k} \times \mathbf{w}}$

$$\dots = \dots (\Psi) = \dots - \dots (\Psi) = \frac{\Psi}{\Psi} = \dots$$
المقدار Ψ

 $(\Sigma -)$ أكمل لإيجاد قيمة : $(\Sigma -)$ أكمل لإيجاد قيمة $(\Sigma -)$

$$\dots = \dots (\Sigma -) = \dots - \dots (\Sigma -) = \dots (\Sigma -) = \dots (\Sigma -)$$
 المقدار $(\Sigma -) = \dots (\Sigma -)$

 $\frac{V}{(1-)}$ أكمل لإيجاد قيمة : $\frac{(-7)^2 \times (-7)^2}{(-7)^2}$

احمد الننتتوري

(۱۱) رتب ما يلى تصاعدياً:

الترتيب التصاعدي هو:

(١٢) أختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة :

$$(\ \mathbf{9} - \mathbf{0} \ \mathbf{7} - \mathbf{0} \ \mathbf{0$$

$$(l - \iota)$$
 سفر ، ا ، صفر ، ا ... = $\dot{\Sigma} + \dot{\Sigma}$

$$(\ \ ^{\mathsf{r}} \ \ ^{\mathsf{lo}} \ \mathsf{r} \ \ ^{\mathsf{r}} \ \mathsf{s} \ \ ^{\mathsf{r}} \ \mathsf{lo} \ \) \qquad \qquad \ldots = \ \ ^{\mathsf{r}} \ \mathsf{r} \ \ [\mathsf{r}]$$

$$= -7$$
 فإن $= -7$ فإن $= -7$ فين $= -1$ فين $= -1$

$$(\Lambda - \Lambda \Lambda - \Lambda)$$

الدرس السادس: الأثماط العددية

نعلم أن:

ا) مجموعة الأعداد الطبيعية : $d = \{ 1 , 7 , 4 , 2 , 0 , ... \}$ و نلاحظ أن : الأعداد الطبيعية d تمثل تتابعاً من الأعداد وفق قاعدة معينة هي : كل عدد يزيد عن سابقه مباشرة بمقدار الواحد و الشكل التالي يوضح ذلك :

فمثلاً: العدد الأول هو صفر ، و العدد الثانى ا يتكون من : صفر + ا (من خلال اتباع السهم) ، و العدد الثالث Γ يتكون من : Γ ، و العدد الرابع Γ يتكون من Γ + Γ ، ... و هكذا يسمى هذا التتابع من الأعداد (نمط عددى)

7) مجموعة الأعداد الفردية : ف = $\{1, \Psi, 0, V, P, \dots\}$ ، مجموعة الأعداد الزوجية : ز = $\{0, V, T, V, V, \dots\}$ كلاهما تمثل تتابع من الأعداد وفق قاعدة هى : كل عدد يزيد عن سابقه مباشرة بمقدار V و لذلك يمكن تسمية أي منهما (نمط عددى)

النمط العددى: هو تتابع من الأعداد وفقاً لقاعدة معينة

وصف النمط: يقصد به اكتشاف قاعدة النمط و التعبير عنها لفظياً

أحمد الننتتورى

(۱) صف النمط التالى ثم أوجد العدد الخامس و السادس و السابع : ۳ ، ۸ ، ۱۳ ، ۸

و صف النمط : كل عدد يزيد عن سابق مباشرة بمقدار العدد الخامس = العدد الرابع + = + = العدد السادس = العدد الخامس + = + = العدد السابع = العدد السادس + = + = + =

(٢) أكتشف قاعدة النمط و أكتب العدد الناقص و صف النمط:

.... ' ' ' IF ' I. ' V ' E [1]

وصف النمط: كل عدد عن سابقه مباشرة بمقدار ٢٠ ، ١٦ ، ١٦ ، ٢٠ ،

وصف النمط: كل عدد ... عن سابقه مباشرة بمقدار

.... · · · 17 · · £ [٣]

وصف النمط : كل عدد = حاصل ضرب 7 \times العدد السابق له مباشرة

.... ' ' ' ... ' ... ' [2]

وصف النمط : كل عدد = حاصل ضرب × العدد السابق له مباشرة

الصف الأول

الصف الثاثي

[٥] ۲ ، ، ۱۲ ، ۲۲ ، ۲۲ ، ،

وصف النمط: كل عدد عن سابقه مباشرة بمقدار

.... · · · F£ · IF · 7 · ٣ [7]

وصف النمط: كل عدد العدد السابق له مباشرة

 \cdots , \cdots , \cdots , $\frac{1}{2}$, $\frac{1}{2}$, $\frac{1}{2}$, $\frac{1}{2}$, $\frac{1}{2}$ [V]

وصف النمط: كل عدد ... العدد السابق له مباشرة

(") أكمل الأنماط العددية التالية بكتابة ثلاثة أعداد متتالية:

.... ' ' ' [9 ' [1 ' [1" ' 0 [1]

.... · · · 2· · · · · · · · [[

.... · · · 17 · 9 · £ · 1 [٣]

.... ' ' ' 12 ' TV ' A ' 1 [2]

.... · · · IF · A · O · ٣ · F [0]

.... \cdot \cdot $\frac{t}{r}$ \cdot 1 \cdot $\frac{7}{r}$ \cdot $\frac{1}{r}$ [V]

مثلث باسكال :

من الأنماط العددية المشهورة عالمياً مثلث باسكال

من خلاله نلاحظ:

كل صف يبدأ و ينتهى بالعدد (١)

بعد الصف الثانى : كلٍ عدد يمثل مجموع العددين

الأعلى منه مباشرة على يمينه و يساره

(لاحظ الأسهم)

فنجد مثلاً:

۳ = ۱ + ۲ ، ۲ = ۳ + ۳ ، ۲ = ۳ + ۳ ، ۱ = ۳ + ۳ ، ۰ و هكذا

(٤) من خلال مثلث باسكال أكمل ما يلى :

[1] عناصر الصف السادس هي:

[7] عناصر الصف السابع هي:

[۳] مجموع الأعداد بكل صف هو:

[2] عناصر القطر الأول هي: (۱،۱،۱،،)

، عناصر القطر الثاني هي : (١، ٢، ٣، ٣، ،)

، عناصر القطر الثاني هي : (١، ٣، ٦،،)

أحمد التنتتوى

أحمد الانتنتوري

وصف الثمط

العددي	النمط	أكتب	ثم	شكل	کل	أسفل	المستقيمة	القطع	عدد	أكتب	(0)
							و صقه	ذلك	عن	المعير	

\triangle			\triangle			\triangle			7	Δ
••••				••••				••••		••••
••••	6		6	••••	6	••••	:	المستقيمة	القطع	عدد
••••	6	••••	6	••••	6	••••	:	ی	أ العدد	النمط

(٦) أكتب عدد القطع المستقيمة أسفل كل شكل ، ثم أكتب النمط العددى المعير عن ذلك وصفه

••••	••••	••••	••••

عدد القطع المستقيمة : ... ، ... ، ... ، ...

النمط العددى : ، ، ،

وصف النمط

(V) فى دفتر توفير مربم ١٠٠ جنيه و تضيف فى بداية كل شهر

....

يصبح المبلغ ٢٢٥ جنيها بعد شهور

أكتب النمط العددى المعبر عن ذلك

رصید ماهر ۵۰۰ جنیه و یسحب فی بدایة کل شهر ۵۰۰ جنیها (Λ) بعد کم شهر یصبح رصید ماهر ۳۰۰ جنیها أكتب النمط العددي المعبر عن ذلك

٢٥ جنيهاً بعد كم شهر يصبح في دفتر توفير مريم ٢٢٥ جنيهاً

.... 6 6 6 6 0...

يصبح الرصيد ٣٠٠ جنيها بعد شهور

(٩) في عام ٢٠١١ كان عدد تلاميذ إحدى المدارس ٦٠٠ تلميذاً فإذا كان عدد التلاميذ يزيد كل عام ٥٠ تلميذاً ففي أي عام يصبح عدد التلاميذ .. و تلميذاً

			۱۱۰٦	العام
			٦.	عدد التلاميذ

أحمد الننتتوري

الوحدة الثانية المعادلات و المتباينات

الدرس الأول: المعادلة و المتباينة من الدرجة الأولى

مفهوم المعادلة:

نعلم أن: العبارات الرياضية تنقسم إلى نوعين هما:

عبارات عددیة مثل :

 $10 = 0 \times 14$, $\Sigma = 1. - 15$, 11 = 7 + 0

۲) عبارات رمزیة مثل:

 $\Lambda = \mathcal{V} \times \mathcal{V}$ ، $\mathcal{V} = \mathcal{V} = \mathcal{V}$ ، $\mathcal{V} = \mathcal{V} + \Delta$ ملاحظات ،

العبارات العددية تسمى : جملاً رياضية مغلقة
 لأننا نستطيع أن نحكم عليها (صواب أم خطأ)

آ العبارات الرمزي ة تسمى : جملاً رياضية مفتوحة لأننا لا نستطيع الحكم عليها (صواب أم خطأ) لوجود رمز مثل (Δ أو س أو ص) قيمته مجهولة من المرابق ا

"] عند إستبدال الرمز بقيمته العددية تتحول الجملة الرياضية المفتوحة إلى جملة رياضية مغلقة فمثلاً:

فى العبارة الرمزية : س - I = V

إذا إستبدانا س بالعدد ٨ ينتج :

 $V = I - \Lambda$ (جملة رياضية مغلقة)

٤] تسمى الجملة الرياضية سواء كانت مغلقة أو مفتوحة
 (معادلة)

احمد الننتتوري

المعادلة: هي جملة رياضية تتضمن علاقة تساوى بين عبارتين رياضيتين من التعريف نستنتج:

1) المعادلة لها طرفان بينهما علاقة (=)

فمثلاً : س _ ا = V

طرفها الأيمن العبارة الرياضية الرمزية (س - ١) ،

طرفها الأيسر العبارة الرياضية العددية (٧)

V = I -فى المعادلة : سV = I

الرمز (س) بالطرف الأيمن يسمى: (المجهول) و هو الرمز الذي نريد معرفة قيمته

(۱) حدد أياً مما يلى يمثل معادلة أم لا ؟ و لماذا ؟ كما بالمثال :

مثال : س + $\mathbf{w} = \mathbf{0}$ (تمثل معادلة) لأنها تتضمن تساوى بين عبارتين رياضيتين

[۱] ص – ۱ = ۱ ص

لأنها بين عبارتين رياضيتين

 $(\dots) \qquad \mathsf{IP} = \mathsf{O} + \mathsf{A} \; \mathsf{[\Gamma]}$

لأنها ... بين عبارتين رياضيتين

(....) 9 = 2 - س [۳]

لأنها ... بين عبارتين رياضيتين

(....) $\Lambda - \omega$ [2]

لأنها بين عبارتين رياضيتين

ملاحظة ب

علامات التباین هی :

> : أكبر من ، > : أقل من

 \geqslant : أكبر من أو يساوى ، \geqslant : أقل من أو يساوى

(٦) حدد أياً مما يلى يمثل معادلة أم متباينة ؟ و لماذا ؟ كما بالمثال : مثال : س + $\mathbf{2}$ > $\mathbf{9}$ (تمثل متباينة) لأنها تتضمن علامة تباين بين عبارتين رياضيتين

[۱] ص – ۱ < 0

لأنها ... بين عبارتين رياضيتين

(....) V + س [۲]

لأنها ... بين عبارتين رياضيتين

(....) **1 < デア [٣**]

لأنها ... بين عبارتين رياضيتين

[2] ۲ س + ۱ ا ۱۱ (....

لأنها بين عبارتين رياضيتين

درجة المعادلة :

تتحدد درجة المعادلة بأكبر قوة (أس) مرفوع لها المجهول (الرمز) بالمعادلة فمثلاً:

س + | | | | | معادلة من الدرجة الأولى في مجهول واحد هو س

أحمد التنتتوى

مفهوم المتباينة :

ا) في الشكل المقابل:

میزان فی وضع ا نتساوی ، بکفته الیمنی کے \sim کیس به عدد غیر معروف من التفاح \sim

(س) + تفاحتان ، و بكفته اليسرى (٥ تفاحات)

نعبر عن وضع الميزان بالمعادلة : -0 + 7 = 0

را أما فى الشكل الثانى: تم إضافة تفاحة واحدة للكفة اليمنى فأصبح الطرف الأيمن (س + ٣)

۳) و فى الشكل الثالث:
 تم إضافة تفاحة واحدة للكفة اليسرى
 فأصبح الطرف الأيمن (س + ٣)

أقل من الطرف الأيسر (٦ تفاحات) و يمكن التعبير عن هذه الحالة بالجملة الرياضية : س + ٣ < ٦

مما سبق نستنتج أن:

کلاً من الجمل الریاضیة : س + \mathbf{P} > \mathbf{O} ، س + \mathbf{P} > \mathbf{O} تسمی متباینة نوجود علامة التباین بین الطرفین

المتباينة

هى جملة رياضية تتضمن علامة التباين بين عبارتين رياضيتين أحمد النفتنوى

٣) في حالة المتباينة من الدرجة الأولى في مجهول واحد:

 $\Sigma = \Gamma - \Psi - \Psi$ أوجد مجموعة حل المعادلة

 $\Sigma \neq \Lambda - = \Gamma - \Gamma - = \Gamma - (\Gamma -) \times \Psi$

 $\Sigma \neq 0 - = \Gamma - \Psi - = \Gamma - (1 -) \times \Psi$

إذن : العدد (- ٢) لا يحقق المعادلة

إذن : العدد (– ١) لا يحقق المعادلة

 $\Sigma \neq \Gamma - = \Gamma - \cdot = \Gamma - (\cdot) \times \mathbb{P}$

إذن : العدد (.) لا يحقق المعادلة

 $\Sigma \neq I = \Gamma - \Psi = \Gamma - (I) \times \Psi$

إذن : العدد (١) لا يحقق المعادلة

لتحديد العناصر التي تحقق المعادلة كما يلي:

= - یکون : عندما : س = - یکون :

= -1 يكون :

عندما : س = . يكون :

عندما : س = ۱ یکون :

عندما: س = ۲ یکون:

للمجهول قيمة واحدة أو أكثر من عناصر مجموعة التعويض

(1) : باعتبار مجموعة التعويض $3 = \{-7, -1, ..., 1, 7\}$

نعوض بعناصر مجموعة التعويض ع في الطرف الأيمن (٣ س - ٢)

- - - - - - معادلة من الدرجة الثانية في مجهول واحد هو س - س = . ا معادلة من الدرجة الثالثة في مجهول واحد هو س ، ... و هكذا

حل المعادلة أو المتباينة :

يقصد بحل المعادلة أو المتباينة التوصل لقيمة المجهول (الرمز) الموجود بالمعادلة أو المتباينة

مجموعة التعويض:

المتبابنة

 آية عناصر من عناصر مجموعة التعويض يحقق طرفى المعادلة (يجعلها متساوية) يمثل مجموعة الحل

مجموعة الحل :

هي المجموعة التي تحقق عناصرها المعادلة أو المتباينة

للمجهول قيمة واحدة هي أحد عناصر مجموعة التعويض

أحمد التنتتوري

و لكى يتم ذلك نحتاج إلى ما يسمى بمجموعة التعويض

هي المجموعة التي ينتمي إليها المجهول (الرمز) في المعادلة أو

ملاحظات

- المجموعة التعويض هي مجموعة من الأعداد الصحيحة يتم التعويض بعناصرها في طرفي المعادلة أو المتباينة لبحث إمكانية تحقيقها

ملاحظات

ا) مجموعة الحل مجموعة جزئية من مجموعة التعويض

٢) في حالة المعادلة من الدرجة الأولى في مجهول واحد:

 $\Psi \times (7) - 7 = \Gamma - 7 = 2 = 2$ إذن : العدد (٦) يحقق المعادلة

نستنتج أن : مجموعة الحل = { ٢ }

(۳) باعتبار مجموعة التعویض $3 = \{-7, 7, 7, 4, 2\}$ أوجد مجموعة حل المعادلة : 4 - 1 = 1 نعوض بعناصر مجموعة التعویض 3 فی الطرف الأیمن (....) لتحدید العناصر التی تجقق المعادلة کما یلی :

عندما: س = - ۲ يكون:

1. = + = 1 + (....) × 1

إذن : العدد (- 7) المعادلة

عندما : س = يكون :

1. = + = 1 + (....) × **٣**

إذن : العدد (....) المعادلة

عندما : س = يكون :

1. = + = 1 + (....) × ۳

إذن : العدد (....) المعادلة

عندما: س = يكون:

۱۰ = + = 1 + (.... $) \times \mathbf{P}$ نستنتج أن : مجموعة الحل = $\{$ $\}$

(٤) أوجد مجموعة الحل للمعادلات التالية:

[۱] ۲ س – ۷ = – ۱

إذا كانت مجموعة التعويض هي { . ، ١ ، ٢ ، ٣ }

lear Niiiiig/8

أحمد الننتتورى

إذا كانت مجموعة التعويض هي
$$\{ \cdot \cdot - \cdot - \cdot - \cdot \}$$

نعوض بعناصر مجموعة التعويض ع في الطرف الأيمن (٣ س - ٦) لتحديد العناصر التي تحقق المتباينة كما يلي :

= -7 يكون :

 $\Psi \times (-1) - 1 = -[-1] \times \Psi$ إذن : العدد (- ٢) يحقق المتباينة

أوجد مجموعة حل المتباينة : ٣ س _ 7 < ٤

= -1 يكون :

 $\Sigma > 0 - = \Gamma - \Psi - = \Gamma - (1 -) \times \Psi$ إذن : العدد (- ١) يحقق المتباينة عندما: س = ۲ یکون:

> $\Sigma > \Sigma = \Gamma - \Gamma = \Gamma - (\Gamma) \times \Psi$ إذن : العدد (٢) لا يحقق المتباينة

> > عندما : س = ٤ يكون :

 $\Sigma > I_{\bullet} = \Gamma - I\Gamma = \Gamma - (\Sigma) \times \mathbb{P}$

إذن : العدد (٤) لا يحقق المتباينة

 $\{ -1 - 1 - 1 - 1 \}$ نستنتج أن : مجموعة الحل

 $\{oldsymbol{2} \cdot oldsymbol{\Gamma} \cdot oldsymbol{\Gamma} - oldsymbol{\Gamma} - oldsymbol{\Gamma} - oldsymbol{\Gamma} \cdot oldsymbol{\Gamma} - oldsymbol{\Gamma} - oldsymbol{\Gamma} \cdot oldsymbol{\Gamma} - oldsymbol{\Gamma} - oldsymbol{\Gamma} - oldsymbol{\Gamma} \cdot oldsymbol{\Gamma} - oldsymbol$

أحمد التنتتوري

٥) أوجد مجموعة الحل للمتباينات التالية :

(0) باعتبار مجموعة التعويض $3 = \{-1, 7, 2, 0\}$ أوجد مجموعة حل المتباينة 1 - 1, 1 - 1, 0 أوجد مجموعة التعويض 1 - 1, 0 في الطرف الأيمن 1 - 1, 0 لتحديد العناصر التي تحقق المتباينة كما يلي 1 - 1, 0

عندما : س = _ ا يكون : ٢ × (....) + ا = + =

ear Niiiiig

أحمد الننتتوى

أحمد الننتنوري

9 > س ۲ – ۱ [۲]

إذا كانت مجموعة التعويض هي $\{-2 , -4 , -4 , 2 \}$

[۳] ۳ س – ۱ < – ۲ إذا كانت مجموعة التعويض هي { . ، ۱ ، ۲ ، ۳ }

lear Niiiiig/8

أحمد النننتورى

الدرس الثانى: حل المعادلة من الدرجة الأولى في مجهول واحد

نعلم أن : حل المعادلة:

هو التوصل لقيمة المجهول (الرمز) الموجود بالمعادلة و حيث أن استخدام مجموعة التعويض للوصول إلى مجموعة الحل طويلة و شاقة و ربما تكون مستحيلة إذا كانت عناصر مجموعة التعويض غير منهية مثل: ط ، صم لذا أتفق على طرق أسهل و أبسط تعتمد بشكل أساسى على خواص التساوى في ط ، صم و هي كما يلي :

خواص التساوي في ط ، صم :

ا) خاصية الإضافة و الحذف :

في الشكل المقابل:

الكفة اليمني بها كيس فيه عدد غير معروف من التفاح مضافاً إليه تفاحتين الكفة اليسرى بها خمس تفاحات

و كانت الكفتان متعادلتان فإنه يمكن التعبير عن وضع الميزان في $0 = \Gamma + \dots + \Gamma$ هذه الحالة بالمعادلة : س

و في الشكل المقابل:

اذًا أَضْفُنَا تَفَاحَتِينَ لَكُلُّ مِنْ الْكَفْتِينَ -بحبث ظنت الكفتان متعادنتان فانه يمكن التعبير عن وضع الميزان في

 $\Gamma + 0 = \Gamma + \Gamma + \cdots$ هذه الحالة بالمعادلة : س

آى : س + ٤ = ٧ أيضاً في الشكل المقابل: إذا رفعنا (حذفنا) أربع تفاحات من كل من الكقتين (من الميزان بالشكل السابق) بحيث ظلت الكفتان متعادلتان فإنه يمكن التعبير عن وضع

 $\Sigma - V = \Sigma - \Sigma + \omega$ الميزان في هذه الحالة بالمعادلة : $\omega + \Sigma - \Sigma = \Sigma$ أى : س = ٣

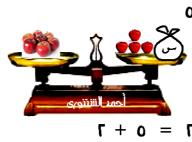
مما سبق نستنج أن:

تستخدم خاصية الحذف و الإضافة في حل معادلة الدرجة الأولى في مجهول واحد كما بالمثال التالي :

مثال (1) : أوجد مجموعة حل المعادلتين التاليتين :

$$\Sigma = \Psi - \psi \quad [\Gamma] \quad \psi = \Gamma + \psi \quad [\Gamma]$$

أحمد التنتتوري



التحقق من صحة الحل:

نعوض عن س = ٣ في المعادلة : س + ٢ = ٥ فنجد: الطرف الأيمن = ٣ + ٢ = ٥ = الطرف الأيسر إذَن : س = ٣ يحقق المعادلة ـ

بإضافة (٣) للطرفين [۲] س ـ ۳ = ٤ خاصية المعكوس الجمعي $\Psi + \Sigma = \Psi + \Psi = -$ خاصية المحايد الجمعي إذن : مجموعة الحل = { ٧ } التحقق من صحة الحل: نعوض عن س = V في المعادلة : س = ٣ = ٤

فنجد : الطرف الأيمن $V = V = \Sigma = 1$ الطرف الأيسر إذن : س = ٧ يحقق المعادلة

اله أوجد مجموعة حل المعادلتين التاليتين :

[۱] س + ٦ = ١

القسمة الضرب و القسمة :

في الشكل المقابل:

الكفة اليمنى بها أربع قطع معدنية لها نفس الوزن و وزن كل منها (س) الكفة اليسرى بها ثقلان مقدار كل منهما

 ٦٠ كجم و كانت الكفتان متعادلتان فإنه يمكن التعبير عن وضع الميزان في هذه الحالة بالمعادلة : ٤ س = ٢٠ + ٢٠

أى : ٤ س = ٤٠

و في الشكل المقابل:

إذا ضاعفنا الوزن في كلا الكفتين فأصبح بالكفة اليمني (٨) قطع لكل منها نفس الوزن (س) و



الكفة اليسرى (٤) أثقال وزن كل منها ٢٠ كجم بحيث ظلت الكفتان متعادلتان فإنه يمكن التعبير عن وضع الميزان في هذه الحالة - بالمعادلة \cdot \wedge س \cdot \cdot \wedge و التي تعنى \cdot \cdot \cdot \cdot \cdot \cdot أيضاً في الشكل المقابل:



إذا حذفنا (رفعنا) ہے الوزن من كل كفة ليصبح بالكفة اليمنى قطعتين وزن كل منها (س) و بالكفة

اليسرى ثقل واحد وزنه ٢٠ كجم بحيث ظلت الكفتان متعادلتان فإنه يمكن التعبير عن وضع الميزان في هذه الحالة بالمعادلة:

 $\frac{7}{7}$ و التي تعني : $\frac{7}{7}$ و التي تعني

أحمد التنتتوري

٣٥

مما سبق نستنج أن:

تستخدم خاصية الضرب و القسمة في حل معادلة الدرجة الأولى في مجهول واحد كما بالمثال التالى :

مثال (٢) : أوجد مجموعة حل المعادلة التالية : ٣ س = ١٥

(٢) أوجد مجموعة حل المعادلة التالية : 0 س = 10

 $\Gamma = \Gamma$ + س Ψ : أوجد مجموعة حل المعادلة التالية Ψ س + فی ط ، صہ

1

۳ س + ۲۰ = ۲ باضافة (۲۰) تنظرفین

 $\Gamma \cdot - \Gamma = \Gamma \cdot - \Gamma \cdot + \mathcal{P}$

٣ س = - ١٨ بقسمة الطرفين على ٣ ينتج:

س = _1

 \emptyset : مجموعة الحل في ط

إدن : مجموعه الحل في ط – γ لاحظ أن : – $1 \oplus \emptyset$ ط ، إذن : مجموعة الحل في \emptyset = $\{-7\}$ و \emptyset أوجد مجموعة حل المعادلة التالية : \emptyset س + \emptyset = \emptyset فی ط ، صہ

أحمد النننتوي

مثال (2) : عدد إذا أضيف إلى ضعفه كان الناتج -1 أوجد العدد الحال نفرض أن : العدد -1 س اذن : ضعفه -1 س

(٤) عدد إذا أضيف إلى أربعة أمثاله كان الناتج ٣٥ أوجد العدد

(7) أوجد مجموعة حل المعادلات التالية في ص > 1 [1] - 1 = 0

(0) أوجد مجموعة حل المعادلات التالية في ط: V = V + V = V

أحمد التننتوري

[۲] ۳ س – ۲ = ۱۳

۲ س + ۳ = ۵

(V) أختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة :

[۱] أى مما يلى يمثل معادلة

(V > ۳ + ۲ ، ک = ک ، ۲ + ۳ + س)

۲] ۲ س – ۱ = ۷ من الدرجة

(الأولى ، الثانية ، الثالثة ، الرابعة)

٣] ٢ س ا = ١ من الدرجة

(الأولى ، الثانية ، الثالثة ، الرابعة)

[2] مجموعة حل المعادلة : س-1 = 7 في طهى

أحمد النننتوري

مجموعة حل المعادلة : ٤ س = $- \wedge$ في ط هي

 $(\emptyset \cdot \{ \Sigma - \} \cdot \{ \Gamma \} \cdot \{ \Gamma - \})$

مجموعة حل المعادلة : ٤ س = \wedge في \sim هي

 $(\emptyset \cdot \{\Sigma -\} \cdot \{\Gamma\} \cdot \{\Gamma -\})$

.... في ص \sim هي [V] مجموعة حل المعادلة : $\gamma \sim + \Psi = \Psi$

({ − ۳ } ، { ۳ } ، { صفر } ، Ø)

مجموعة حل المعادلة : س + \mathbf{w} = |-7| في \mathbf{w} هي

 $(\{ 9 \} \cdot \{ 9 - \} \cdot \{ 7 \} \cdot \{ 7 - \})$

 $(\Psi - \cdot 0 - \cdot \Psi \cdot 0)$

[۱۰] إذا كان : ٦ س = ١٦ فإن : س - ٥ =

 $(\Psi - \cdot 0 - \cdot \Psi \cdot 0)$

[۱۱] العدد الطبيعي التالي للعدد الطبيعي (س + ١) هو

(June 1 + June 1 + June 2 + J

[۱۲] عددان صحيحان مجموعهما ٥ فإذا كان أحد العددين س

فإن العدد الآخر يساوى

(- 0 , 0 + - , 0 - - , - 0)

[۱۳] إذا كان محمد الآن (س + 0) سنة فإن عمره منذ 0 سنوات

ھو

(- 0 , - 0 - - 0 , - 0 - 0)

الدرس الثالث: حل المتبايئة من الدرجة الأولى في مجهول واحد

نعلم أن:

تم استخدام خواص التساوى فى ط ، ص للتغلب على مشكلات حل المعادلة باستخدام مجموعة التعويض أيضاً نظراً لأن حل المتباينة بطريقة التعويض يعد طويلاً و مرهقاً و مستحيلاً أحياناً مع المجموعات غيلا المنتهية لذا سنتعرض لحل المتباينة باستخدام خواص التباين فى ط ، ص

خواص التباین فی ط ، صح :

ا) خاصية الإضافة و الحذف :

في الشكل المقابل:

الكفة اليمنى بها كيس دقيق وزنه ٣ كجم ، و الكفة اليسرى بها كيس

وزنه ٢ كجم ، واضح من الشكل أن

الكيس (β) أثقل من الكيس (μ) يمكن التعبير عن هذه الحالة بالمتباينة : μ > μ أو : μ > μ

و في الشكل المقابل:

إذا أضفنا ثقل قدره ٢ كجم لكلا الكفتين نلاحظ استقرار الميزان في نفس وضعه يمكن التعبير عن وضع الميزان في

هذه الحالة بالمتباينة :

٣ + 7 > 7 + 7 أو : ٩ + 7 > ب + 7

أيضاً في الشكل المقابل: إذا رفعنا (حذفنا) الثقلين من كل من الكفتين نلاحظ عودة الميزان إلى نفس وضعه في الحالة الأولى يمكن التعبير عن وضع الميزان في

هذه الحالة بالمتباينة : ٣ > ٦ أو : ٩ > ب مما سبق نستنج أن :

إذا كان : q ، ب ، ح \in q ، و كان : q > ب فإن : q + ح > ب + ح ، q - ح > ب - ح حيث : ح عدد موجب أو سالب

تستخدم خاصية الحذف و الإضافة في حل معتباينة الدرجة الأولى في مجهول واحد كما بالمثال التالي :

- [7] حيث: س ∈ صم، ثم مثل الحل على خط الأعداد الحلـ

س + 7 < 0 بإضافة (- 7) للطرفين س + 7 - 7 < 0 - 7 س < ۳

المنازم و المناز

أحمد التننتوري

[7] حيث : س < ط فإن : مجموعة الحل = { ۲ ، ۱ ، ۰ ، }

(۱) أوجد مجموعة حل المتباينة : س - ٣ < ١

[۱] حيث: س 🖯 ط، ثم مثل الحل على خط الأعداد

[7] حيث : س = صم ، ثم مثل الحل على خط الأعداد

و فى الشكل المقابل: إذا ضاعفنا الوزن فى كلا الكفتين فأصبح بالكفة اليمنى ك كجم فأن و الكفة اليسرى ٢ كجم فإن

و الكفة اليسرى ٢ كجم فإن الميزان يستقر في نفس وضعه

يمكن التعبير عن وضع الميزان في هذه الحالة بالمتباينة :

أيضاً في الشكل المقابل:

بالكفة اليمنى خمس كتب وزن كل

(س) و بالكفة اليسرى ثقل مقداره

٢٠٠ جم يمكن التعبير عن وضع الميزان

في هذه الحالة بالمتباينة : ٥ س > ٢٠٠

اًى : $0 \times - 0 \times 0 \times 0$ ، بقسمة الطرفين على 0

ينتج : س > ٤٠

ملاحظة :

عند القسمة على عدد سالب يتغير اتجاه علامة التباين

مما سبق نستنج أن:

إذا كان : ﴿، ب ، حـ ∈ صم ، و كان :

 $4 \times - < + \times < + >$ فإن : 4 < + >

٩ × ح < ب × ح ، ح < . فإن : ٩ > ب

Continuity of the second of th

فی الشکل المقابل : الکفة الیمنی بها ثقل (۹) قدره ۲ کجم و الکفة الیسری بها ثقل (ب)

قدره ١ كجم واضح أنه يمكن التعبير

۱) خاصية الضرب و القسمة :

عن وضع الميزان في هذه الحالة بالمتباينة : ٢ > ١ أو : ٩ > ب

أحمد الننتتوري

ملاحظة

يمكن استنتاج خواص علاقة التباين السابقة في جميع علاقات التباين : < أو > أو \geq

مثال (٦) : أوجد مجموعة حل المتباينة التالية : Ψ س + ١٠ < ١ المثال (٦) : مثل الحل على خط الأعداد Ξ حيث : س Ξ س ، ثم مثل الحل على خط الأعداد Ξ

٣ س + ١٠ < ١ بإضافة (- ١٠) للطرفين ٣ س + ١٠ - ١٠ < ١ - ١٠

۳ س < _ ۹ بقسمة الطرفين على ۳ ينتج: س < _ ۱

ا] وحیث: س < -1 غیر ممکنة فی ط انن: مجموعة الحل فی ط \emptyset و حیث: س < -1 ممکنة فی \emptyset

إذن : مجموعة الحل في ص = { - ۲ ، - ۳ ، - ٤ ، }

(۲) أوجد مجموعة حل المتباية التالية : 0 س + ۱۳ < ۳ في ط ، صم

أحمد الننتتوري

es Viiiii) se

(۳) أوجد مجموعة حل المعادلات التالية فى ط: ثم مثل الحل على خط الأعداد $V > \Gamma + 1$

1 < 0 - 0 [r]

[۲] ۳ س − ۱ ≽ ۸

٣ ≤ س ۲ − ۱ [۳]

(2) أوجد مجموعة حل المتباينات التالية في \sim : ثم مثل الحل على خط الأعداد V = 0 = 0

أحمد الننتتوى

(٥) أختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة :

[۱] أى مما يلى يمثل متباينة

 $(0 = \Psi + \Gamma, \Sigma = \mathcal{F}, 9 < \mathcal{F}, \Psi + \mathcal{F})$

[7] العدد الذي يحقق المتباينة : س - ١ > ٦ هو

(0 ' " ' ['])

[۳] العدد الذي يحقق المتباينة : س < = ٣ هو

(- ۲ ، ۲ ، – ۲ ، صفر)

مجموعة حل المتباينة : $\Gamma \leqslant m < m$ في ط هي

[0] مجموعة حل المتباينة: - ا < س ≤ ا في صم هي

({1..} . {1.1-} . {.} . {1-})

[٦] مجموعة حل المتباينة : - ٢ < ٦ س < ٦ في صم هي ({ - 1 } ، { · } ، { - 7 } ، { 7 })

كبر عدد صحيح يحقق المتباينة : $m{w} \leqslant m{w} < m{1}$ هو

() () () () () ()

[٨] إذا كان : ٢ س + ٥ > ٣ فإن : س ∈

(d , ∅ , ~ , ~)

[٩] العدد الذي يحقق المتباينة : - س < ٣ هو

 $(0-, \Sigma-, \Gamma-, \Psi-)$

[۱.] إذا كان: س < ٣ فإن: س + ٥ <

(**^ 0 ' 2 ' "**)

[11] إذا كان: س < ص فإن: - 7 س - 7 ص $(> \circ = \circ <)$ > > فإن: - س ($\ge >$ $\ge >$ $\ge >$ ($\ge >$ $\ge >$ $\ge >$ ($\ge >$ $\ge >$)

(٦) عبر رمزياً عن كل مما يلى : [۱] س أصغر من (-۱)

[7] س أكبر من أو تساوى ٥

[۳] س أصغر من أو تساوى ٦ و أكبر (-٦)

[2] س أصغر من ٥ و أكبر من ٢

أحمد التنتتوى

الوحدة الثالثة الهندسة و القياس

الدرس الأول: المسافة بين نقطتين في مستوى الإحداثيات

أولاً: المسافة بين نقطتين على شعاع نعلم أن:

يمكن ايجاد المسافة بين أى نقطتين على شعاع أفقى أو شعاع رأسى من العلاقة:

المسافة بين نقطتين = عدد نقطة النهاية _ عدد نقطة البداية

الشعاع الأفقى و كل مقسم لمسافات متساوية بدءاً من النقطة (و) التي تمثل العدد (صفر) و يليه الأعداد: ١، ٢، ٣، ، ...

فإذا كانت: النقطة ٢ تمثل العدد ٥ ، و النقطة ب تمثل العدد ٩ فإن:

طول آب (۱ ب) = ۹ – ٥ = ٤ وحدات طول

إذا كان الشعاع رأسياً: في الشكل المقابل:

الشعاع الرأسى و م مقسم لمسافات متساوية

بدءاً من النقطة (و) التي تمثل العدد (صفر)

فإذا كانت نقطة ٥ تمثل العدد ٢ ، نقطة ب تمثل العدد ٧

، نقطة حاتمثل العدد ا

فَإِنْ: ٩ ب = ٧ = ٢ = ٥ وحدات طولي ا

، ٩ حـ = ١٠ – ٦ = ٨ وحدات طول

، ب حہ = ١٠ = ٧ = ٣ وحدات طول

لحمد التنتتوري

ثانياً : المسافة بين نقطتين في مستوى الإحداثيات للأعداد الطبيعية نعلم أن: يتحدد موضع أى نقطة في مستوى الإحداثيات للأعداد الطبيعية بزوج مرتب وحيد

فقى الشكل المقابل: النقطة ء تناظر الزوج المريب (۲،۸)، أحمد الننتنوري و تكتب : ۶ (۲،۸) بالمثل: ١ (٤،٢) · (7 · ٤) ·

(Γ · Λ) → عند حساب المسافة بین نقطتین : انحدد القطعة المستقيمة

الواصلة بينهما

۳) إذا كانت توازي و ٦٠٠٠ نحسب كأننا على شعاع أفقى ، و إذا كانت توازى وص نحسب كأننا على شعاع رأسى فمن الشكل السابق نجد: ٩ ب = ٦ – ٦ = ٤ وحدات طول ، ٩ حـ = ٨ – ٤ = ٤ وحدات طول ا

و یکون : 🛆 ۹ ب حه متساوی الساقین ، قائم الزاویة

و تكون مساحته $\frac{1}{2} \times 2 \times 2$

= ٨ وحدة مساحة (وحدة مربعة)

احمد التنتتوري

I F T E O 7 V A 9 I.

ثالثاً: المسافة بين نقطتين على خط مستقيم

يقصد بالخط المستقيم هذا خط الأعداد الصحيحة سواء أفقياً أو رأسياً و كما نعلم فهو توسيع لشعاع الأعداد الطبيعية بإضافة صر_ عند حساب المسافة على خط الأعداد الصحيحة :

نأخذ في الاعتبار

القيمة المطلقة و هي =

| عدد نقطة النهاية _ عدد نقطة البداية |

۲) خواص الجمع و الطرح في صه

من الشكل نلاحظ:

على المستقيم الأفقى:

ا ب ب ب ب ب ب ب ب ب ب ب ا = ۱۰ وحدات طول ا

، ﴿ و = | ٠ - (- ٣) | = | ٣ + ٠ | = ٣ وحدات طول

على المستقيم الرأسى:

نقطة حـ تمثل العدد (-0) ، نقطة ء تمثل العدد (-7) ، نقطة ء تمثل العدد (-7) ، حـ ء = | (-0) – (-0) | = | (-0) – (-0) |

| ـ ٣ | = ٣ وحدات طول

رابعاً: المسافة بين نقطتين في مستوى الإحداثيات للأعداد الصحيحة

الشكل المقابل يمثل مستوى الإحداثيات

للأعداد الصحيحة لاحظ: يتحدد موضع أى نقطة بزوج مرتب

حساب المسافة بين نقطتين : يتم كما كان

يحدث في مستوى ط مع الأخذ في الاعتبار سم<

ا) توسيع الأعداد و

الطرح في صه من الشكل: ٩ ب حـ ء

مربع

أحمد التنتنوري

، ﴿ بِ = | ٤ - . | = | ٤ | = ٤ وحدات طول

، ب ح = | ٤ - . | = | ٤ | = ٤ وحدات طول

، حـ و = | ٤ - . | = | ٤ | = ٤ وحدات طول

محیط المربع 4 ب حـ ء = 2 × طول ضلعه = 2 × 2 = 11 وحدة طول مساحة المربع 4 ب حـ ء = طول الضلع × نفسه

= ٤ × ٤ = ١٦ وحدة مربعة

أحمد التنتتوي

أحمد التنتتوري

(١) في مستوى الإحداثيات المقابل أكمل:

[۳] الشكل ۱ ب حـ ء يمثل : ...

مساحة الشكل
$$q$$
 ب حـ ء $=$... وحدة مربعة $[\Sigma]$

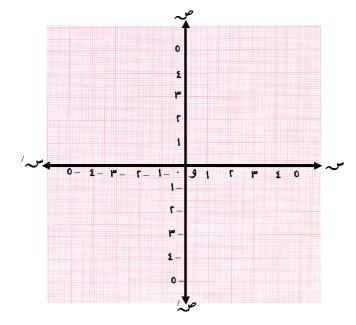
$$[V]$$
 حدد هل الشكل $[V]$ ب حاء متماثل حول محور الصادات $[V]$ و لماذا $[V]$

(۱) في مستوى الإحداثيات التالى:

نوع
$$\Delta$$
 ۱ ب حـ بالنسبة لزواياه

نوع
$$\Delta$$
 ۱ ب ح بالنسبة لأضلاعه

مساحة
$$\Delta$$
 \P Ψ ح $=$ وحدة مربعة \Box



أحمد الننتتوى

(٣) في مستوى الإحداثيات التالى :

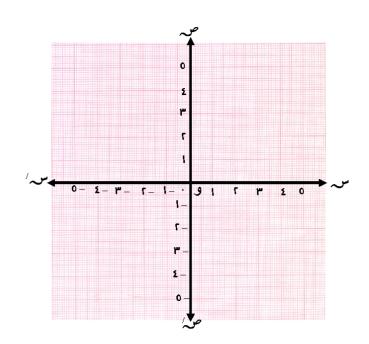
[۱] حدد النقط ((۱ ، 0) ، ب (٤ ، ۱) ، ح (۱ ، – ٤) ع (– ۲ ، ۱) ، ثم صل النقاط : (، ب ، ح ، ع

[7] ﴿ حـ = وحدة طول

[۳] بء = وحدة طول

[2] الشكل م ب حاء يسمى

[0] مساحة الشكل (بحرء = وحدة مربعة



(٤) في مستوى الإحداثيات التالى:

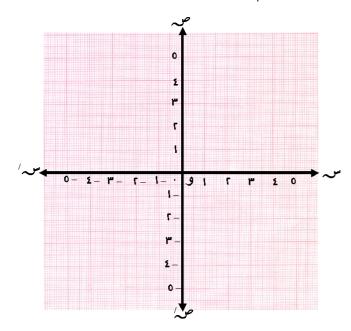
[٦] ٩ ب = وحدة طول ، ٩ ء = وحدة طول

[۳] ب ح = وحدة طول ، ح ء = وحدة طول

[2] الشكل (ب حـ ء يسمى

[0] محيط الشكل (ب ح ء = وحدة طول

[٦] مساحة الشكل (ب حرء = وحدة مربعة



الدرس الثاني: التحويلات الهندسية (الانتقال)

نعلم أن:

1) التحويلة الهندسية:

تحول كل نقطة q فى المستوى إلى النقطة q' فى المستوى نفسه q فى الأشكال التالية : تحول المثلث الملون إلى وضع آخر كما يلى :

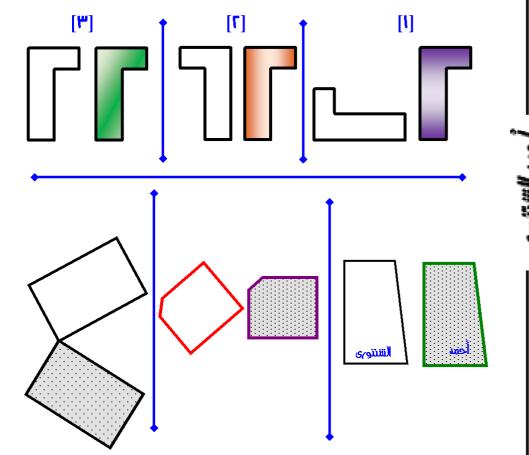
ما يعكس الشكل (الاتعكاس)
 يعكس الشكل فى نقطة أو فى
 مستقيم يسمى محور الإنعكاس

۲) ینقل الشکل مسافة معینةفی إتجاه معین(الاتتقال)

۳) يدور الشكل حول نقطة بزاوية محددة (الدوران)

ب / ا

(۱) صف نوع التحويلة الهندسية (إنعكاس – إنتقال – دوران) التى تجعل الشكل المظلل صورة للشكل غير المظلل في ما يلى:



كما نعلم أن:

- الإنعكاس في المستقيم ل يحول كل نقطة ٩ إلى النقطة ٩ ، النقطة ب إلى النقطة ب بحيث:
- اً إذا كانت $q \notin G$ فإن : المستقيم G ينصف القطعة العمودية G
 - إذا كانت $\mathbf{p} \in \mathbf{b}$ فإن: النقطة \mathbf{p}' تنطبق على النقطة \mathbf{p}

٦) صورة قطعة مستقيمة بالانعكاس :

في الشكل المقابل:

q'ب صورة \overline{q} بالانعكاس في \overline{q} المستقيم ل



- المستقیم ل هو محور الانعکاس
- ٦] ﴿ بُ ۖ ﴾ = ﴿ بُ لِ اللَّهِ اللَّهِي اللَّهِ اللَّهِ اللَّهِ اللَّهِ اللَّهِ اللَّهِ اللَّهِ اللَّهِ
 - ۳ الشكل ۹ ب ب / ۹ يسمى مستطيل
- $^{\prime}$ ا المستقيم ل هو محور تماثل الشكل $^{\prime}$ ب $^{\prime}$ و كذلك المستقيم المار بمنتصفى كل من : $\frac{7}{4}$ ، $\frac{7}{4}$ ب

الانتقال

في الشكل المقابل:

لكي تنتقل السيارة من الموضع (إلى الموضع

ب لابد من شيئين هما :

أحمد الننتتوري

ان تتحرك السيارة كل المسافة من الموضع (إلى الموضع ب ٢] أن تتحرك السيارة في إتجاه الموضع ب

معنى ذلك : لكى يتم الانتقال يجب معرفة شيئين : التجاه الانتقال] مقدار الاثتقال

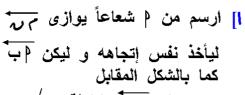
حالات الانتقال:

أولاً: انتقال نقطة في مستوى

افى مستوى الصفحة :

نشاط (۱) :

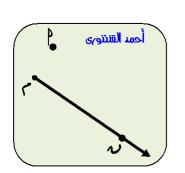
من خلال مستوى الصفحة إرسم م رم كما بالشكل المقابل المطلوب: إزاحة النقطة ٩ مسافة ۳ سم في اتجاه م ره

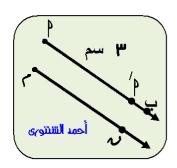


۲] عين على آب النقطة م^ا بحیث : ۴۹′ = ۳ سم



مورة النقطة (بإنتقال قدره ۳ سم في إتجاه مهم)





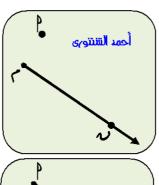
نشاط (۲) :

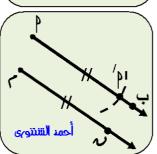
من خلال مستوى الصفحة إرسم م رم كما بالشكل المقابل المطلوب: ايجاد صورة النقطة ٩ بانتقال م مه فی اتجاه م مه

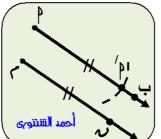
- ا] ارسم من (شعاعاً يوازي مرك ليأخذ نفس إتجاهه و ليكن ١٦٠٠
- ۲] رکز سن القرجار عند م ، و سن القلم الرصاص عند م
- ٣] خذ نفس الفتحة ، و ركز سن الفرجار عند ٥ ، و ارسم قوساً
- من دائرة نصف قطرها يساوى (م م)
 - لاحظ

٩ صورة النقطة ٩ بإنتقال قدره (م س) في إتجاه م س

> (۱) أوجد صورة النقطة حابنتقال (۱۹ ب) في اتجاه آب







مثال (1): في المستوى الإحداثي أوجد صورة النقطتين:

(ع) إزاحة في اتجاه ص ، بحيث :

٦) في مستوى الإحداثيات للأعداد الصحية

يحول كل نقطة م في المستوى إلى نقطة م' في نفس

المستوى عن طريق إزاحة (حر) في اتجاه س يتبعها

﴿ (س ، ص) = (س + ح ، ص + ۶)

الانتقال في مستوى الإحداثيات:

نحدد مقدار و إتجاه الإنتقال و هو: ٣ وحدات في إتجاه سـم + ، -

ع وحدات فی إتجاه صبنوجد صورة كل نقطة على حدة

لاحظ: النقاط و الأسهم

على الرسم توضح تتابع الإنتقال مقداراً و إتجاهاً في كل حالة

0- 1- -4 -3 -0

أحمد التنتتوري

(") في المستوى الإحداثي أوجد صورة النقطتين:

نحدد مقدار و إتجاه الإنتقال

و هو : وحدات فى إتجاه ، وحدات

في إتجاه

نوجد صورة كل نقطة

على حدة

(.... ') = 'P

(.... ،) =

ب = (.... ،) = 'ب

(.... ,) =

- (٤) أكمل :
- [۱] صورة النقطة (۱ ، ۳) بالانتقال (۲ ، ۳) هي (.... ،)
- [7] صورة النقطة (٢ ، ٤) بالانتقال (٠ ، ٤) هي (.... ،)
- [۳] صورة النقطة (۱ ، 0) بالانتقال (۱ ، ۳) هي (.... ،)
- [2] صورة النقطة (١ ، ٤) بالانتقال (٠ ، ١) هي (.... ،)

أحمد الننتتوري

(٥) أختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة :

[۱] صورة النقطة (۳ ، – ۲) بالانتقال (٤ ، ۲) هى [(– ۷ ، ۰) ، (۷ ، ۰) ، (– ١ ، – ٤) ، (۱ ، ٥)]

[7] صورة النقطة (- 2 ، ٣) بالانتقال (- ١ ، - 2) هي

[(1, V), (1-, 0-), (1, 0), (W, V-)]

[۳] إذا كانت : صورة النقطة ($\{ \}$ ، ب) بانتقال ($\{ \}$ ، $\{ \}$) هى النقطة ($\{ \}$ ، $\{ \}$) فإن : النقطة ($\{ \}$ ، ب) =

[(1, M), (N-, N-), (M, N), (N, N-)]

[2] إذا كانت : النقطة (\P ، ب) هي صورة النقطة (\P ، – \P) بانتقال (\P ، \P) فإن : النقطة (\P ، ب) =

 $[(1 \cdot \Sigma) \cdot (1 - \cdot \Sigma -) \cdot (\Sigma \cdot 1) \cdot (1 \cdot \Sigma -)]$

(٦) أكمل الجدول التالى:

الصورة	الاثتقال	التقطة	
	(1,4)	(۲ ، ۳)	[1]
(2 , L –)	(1 - ' [-]	••••	[7]
(・・1)	••••	(0-1)	[٣]
	(1:1-)	(2 - , 2 -)	[٤]

ثانياً: انتقال نقطة في مستوى الإحداثيات للأعداد الصحية

مثال (۲) : فى المستوى الإحداثى أوجد صورة
$$\frac{1}{4}$$
 حيث : $\frac{1}{4}$ حيث $\frac{1}{4}$ $\frac{$

نحدد مقدار و إتجاه الإنتقال و هو: ٣ وحدات في إتجاه سم، ٤ وحدات في إتجاه صم، نوجد صورة كل نقطة على حدة الإنتقال و هو: ٣ وحدات الإنتقال و هو: ٣ وحدات نوجد صورة كل نقطة على حدة الإحداث في إتجاه صم، على حدة الإحداث في إتجاه صم، على حدة الإحداث في إتجاه صم،

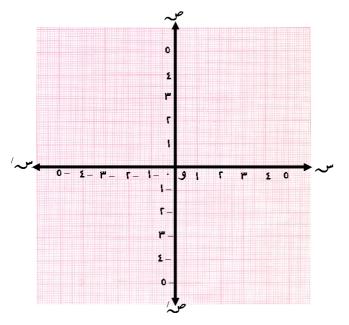
نرسم م ب فتكون م ب المنتقلا الماما

هی صورة $\frac{1}{4}$ بالانتقال (س + $\frac{1}{4}$ ، $\frac{1}{4}$ ، $\frac{1}{4}$

لاحظ:

أحمد الننتتوري

(۷) فى المستوى الإحداثى أوجد صورة حيث : ((V)) فى المستوى الإحداثى أوجد صورة ((V)) بالإنتقال (س + 0 ، ص – 0)



(.... ·) = (.... ·) = '\frac{1}{2}

أحمد التنتتوى

أحمد التنتنوري

ثالثاً : انتقال شكل هندسي في مستوى الإحداثيات للأعداد الصحية مثال ($oldsymbol{\Psi}$): في المستوى الإحداثي أوجد صورة Δ Δ Φ ب حد حيث : $(\mathbb{P} - (\mathbb{F} -) \rightarrow (\mathbb{P} - (\mathbb{F})) \rightarrow (\mathbb{F} (\mathbb{F} - (\mathbb{F} -)))$ بالإنتقال (س + ٣ ، ص + ٤)

نحدد مقدار و إتجاه الانتقال نوجد صورة كل نقطة على حدة كما سبق فنجد: ﴿ = (١، ٥)

حٰ = (۱،۱)

نحد النقاط ^م ، ب ، في المستوى الإحداثي و نصل بينها فينتج :

 Λ' ب'ح' صورة Λ

بالانتقال (س + ۳ ، ص + ٤)

لاحظ: ١) ٩ ب = ٩ ب ، ب ح ب = ب ح ، ٩ د ا

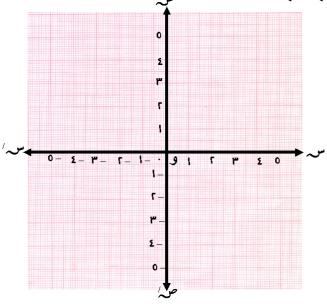
$$(+ \times) \mathcal{O} = (+ \times) \mathcal{O} \cdot (+ \times) \mathcal{O} = (+ \times) \mathcal{O} (\mathsf{F})$$

 $(\mathbf{\Delta} \mathbf{\Delta}) \mathbf{O} = (\mathbf{\Delta} \mathbf{\Delta}) \mathbf{O}$

 ب
 // آب
 // آب
 // آب
 // آب
 // آب
 // آب

أحمد التنتتوري

(A) في المستوى الإحداثي أوجد صورة المربع (ب ح ع حيث : بالإنتقال (س + ۱ ، ص – ۱) و إذا وصلت كل نقطة بصورتها أذكر أسم المجسم الناتج و أوجد حجمه



حجمه = ... وحدة مكعبة

أحمد التنتنوري

الدرس الثالث: مساحة الدائرة

مهيد

فى الشكل المقابل: الجزء المظلل يمثل القطاع الدائرى

(۲ ۹ ب) أو (۲ ۲ ب)

القطاع الدائرى:

هو جزء من سطح دائرة يتحدد بقوس و نصفى القطرين المارين بنهايتي القوس

ملاحظة

في الشكل المقابل:

دائرة مرکزها γ فیها $\frac{1}{\sqrt{2}}$ ، $\frac{1}{\sqrt{2}}$ قطران ، $\frac{1}{\sqrt{2}}$ ، $\frac{1}{\sqrt{2}}$ ، $\frac{1}{\sqrt{2}}$

أنصاف أقطار ، نلاحظ :

تم تقسيم الدائرة إلى ٤ قطاعات دائرية متساوية

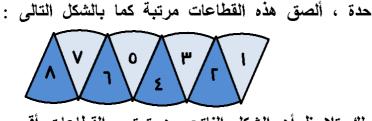
فى المساحة ، و مساحة أى قطاع منها = ألا مساحة الدائرة ، و أقواسها متساوية فى الطول

شاط

احمد الننتتوري

ارسم الدائرة السابقة على ورق مقوى ثم قسمها الى ك قطاعات دائرية متساوية و ذلك برسم قطرين آخرين ينصفان الزوايا القوائم الأربع بين التراب التربع بين التراب التربع المنابع المنا

القطرين ثم رقم القطاعات الناتجة كما بالشكل المقابل



من ١ إلى ٨ ، قص الدائرة ثم قص القطاعات الثمانية الناتجة كل على

لعلك تلاحظ أن الشكل الناتج من ترتيب القطاعات أقرب ما يكون إلى المستطيل

ارسم الدائرة السابقة بقطاعاتها الثمانية ثم قسمها إلى 17 قطاعاً دائريً متساوياً و ذلك برسم قطر بين كل قطرين ليصبح

لديك إلى ٨ أقطار و ١٦ قطاعاً دائرياً متساوياً

و رقم هذه القطاعات من ا إلى 17 كم بالشكل المقابل ، قص القطاعات و ألصقها مرتبة كما

بالشكل التالي : 7



لاحظ

- 1) اقترب الشكل الناتج إلى المستطيل أكثر من سابقه
- ر) كلما زاد عدد القطاعات يقترب الشكل أكثر و أكثر من شكل المستطيل
- π طول المستطیل فی الشکل الناتج π نصف محیط الدائرة π ن π
 - عرض المستطيل في الشكل الناتج = نه

معنى ذلك أن : مساحة الدائرة = مساحة المستطيل فى الشكل الناتج = الطول \times العرض π = π نه π π العرض π

مما سبق نستنتج : مساحة سطح الدائرة π ن π

ملاحظة

 π هى النسبة التقريبية بين محيط الدائرة و طول القطر حيث : $\pi = \frac{5}{2}$ أو $\pi = \frac{77}{2}$

، (في) اختصار لعبارة (نصف القطر) و تعبر عن طوله " يمكن استخدام الآلة الحاسبة لإجراء التقريب للتوصل إلى الحلول المطلوبة "

 π تذكر : محيط الدائرة π imes imes طول القطر π imes نه

مثال (۱) : دائرة طول نصف قطرها ۳٫۵ سم أحسب مساحة سطحها $\frac{77}{\sqrt{5}} = \pi$)

الحل

مساحة سطح الدائرة π نه π الدائرة π

أحمد النننتورى

دائرة طول نصف قطرها ۲٫۱ سم أحسب مساحة سطحها (۱) : دائرة طول نصف $\frac{77}{v} = \pi$)

مثال (۲) : دائرة طول قطرها \wedge سم أوجد مساحة سطحها (π) : دائرية (π) و إذا قسمت إلى π قطاعات دائرية متساوية المساحة أحسب مساحة سطح القطاع الواحد الحا

 π مساحة سطح الدائرة

 7 שא 77 א 2 א 2 א 2 א 2

مساحة سطح القطاع الواحد = $117 \div \Lambda = VV$ سم

(۱) دائرة طول نصف قطرها V,V سم أوجد مساحة سطحها $(\pi = \frac{77}{V})$ و إذا قسمت إلى V قطاعات دائرية متساوية المساحة أحسب مساحة سطح القطاع الواحد

مثال (۱) : دائرة محیطها ۱۹٫۵ سم أوجد مساحة سطحها π (۱) دائرة π (۱) سم أوجد مساحة سطحها π (۱) سم أوجد مساحة سطحها الحل

بما أن : محيط الدائرة $\pi \Gamma = \pi$ ن

 $1,\Gamma\Lambda = 3$ کار π نن π π π π π π π π π

إذن : نق = ٦,٢٨ ÷ ٣١,٤ = ٥ سم

مساحة سطح الدائرة $\pi=\pi$ ن π

ا کا,۳ × ۵ × ۵ × ۷۸,0 = سم کا

 $(\frac{77}{v} = \pi)$ دائرة محیطها ۸۸ سم أوجد مساحة سطحها (2)

مثال ($\frac{\pi}{\sqrt{2}} = \pi$) الحال الحا

 π بما أن : مساحة سطح الدائرة

 $V \times V = \frac{V \times 102}{\Gamma\Gamma} = {}^{\Gamma}$ اذن : نه

إذن : نق = ٧ سم

محیط الدائرة $\pi = \pi$ نی $\pi = \chi \times \frac{\gamma \gamma}{V} \times V = 3$ سم

(۳) دائرة مساحة سطحها ۳۱۵ سم أوجد محيطها (۳) دائرة مساحة سطحها

(0) أكمل الجدول التالى: (نق = نصف قطر الدائرة)

مساحة الدائرة	نۍ	محيط الدائرة	π	نق
••••	••••	••••	77	۱٫٤ سم
••••	••••	٦٢,٨ سم	۳,۱٤	••••
۱۳۸٦ سم	••••	••••	77	••••
••••	ال سم	••••	۳,۱٤	••••

مساحة الدائرة	نۍ	محيط الدائرة	π	نق
••••	••••	••••	<u>'۲</u>	۱٫٤ سم
••••	••••	۱۲٫۸ سم	۳,۱٤	••••
۱۳۸٦ سم	••••	••••	<u>''</u>	••••
••••	ا سم ا	••••	۳,۱٤	••••

مثال (0): في الشكل المقابل:

دائرة نصف قطرها ٥ سم مرسومة داخل مربع أوجد مساحة الجزء المظلل $(\Psi, 12 = \pi)$

 π مساحة سطح الدائرة

 $V\Lambda,0 = 0 \times 0 \times V,15 =$

طول ضلع المربع $0 \times 7 = 0$ سم

مساحة سطح المربع = طول ضلعه × نفسه

ا سم ا.. = ۱. × ۱. =

مساحة الجزء المظلل = مساحة المربع _ مساحة الدائرة

$$\Gamma_{1,0} = V\Lambda_{,0} - I.. =$$



(V) في الشكل المقابل:

(٦) في الشكل المقابل:

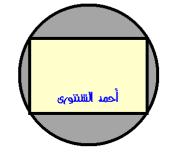
مرسوم داخله دائرة

 $(\pi = \frac{77}{4})$

مستطیل طوله ۸ سم ، عرضه ٦ سم مرسوم داخل دائرة طول نصف قطرها 0 سم أوجد مساحة سطح الجزء المظلل $(\Psi, \Sigma = \pi)$

مستطیل طوله ۱۶ سم ، عرضه ۷ سم

أوجد مساحة سطح الجزء المظلل



أحمد التنتتوري

[2] الشكل المقابل يمثل ربع دائرة طول نصف قطرها

[0] الشكل المقابل يمثل ربع دائرة طول نصف قطرها

 $(\pi + \Sigma \cdot \pi \Sigma + \Sigma \cdot \pi \Sigma \cdot \pi \Gamma)$

 $(\pi + \Gamma, \pi\Gamma + \Gamma, \pi\Gamma, \pi)$

 $(V\Gamma \cdot VI \cdot \Gamma\Gamma \cdot \Gamma I)$

 $(\pi \Sigma \cdot \pi \Gamma + \Sigma \cdot \Sigma - \pi \Gamma \cdot \pi \Gamma - \Sigma)$

۲ سم ، محیط الشکل = سم

 7 سم ، مساحة الشكل = $_{\dots}$ سم

[٦] في الشكل المقابل: مربع مساحته ٤ سم ا

مرسوم داخل دائرة مساحتها π سم

مساحة المنطقة المظللة = سما

[V] مساحة الجزء المظلل بالشكل المقابل

 $(\frac{r}{v} = \pi)$ سم $\dots =$

 $[\Lambda]$ في الشكل المقابل : π

إذا كان : طول القطر الخارجي للحلقة ١٠ سم

فإن : مساحة الجزء المظلل = ... سم الأقرب سما

، طول القطر الداخلي للحلقة = ٣ سم

(٨) في الشكل المقابل:

فإذا كانت مساحة سطح القطاح الواحد ٤,٦٢ سماً اُوجِد طول نصف قطر الدائرة ($\pi=rac{rr}{V}$)



قسمت الدائرة إلى ثلاثة قطاعات متساوية المساحة

- (٩) أختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة:
 - [ا] مساحة سطح الدائرة =

(΄ν π Γ (ν π Γ (΄ν π (ν π)

 π سم یساوی π سم π سم π سم π سم π

(12 · 11 · A · 2)

سم یساوی ... سم π ۹ طول نصف قطر دائرة مساحة سطحها π 9 سم یساوی π (T V · 1 A · 9 · 1 P)

أحمد التنتتوري

الدرس الرابع: المساحة الجانبية و الكلية لكل من المكعب متوازى المستطيلات

نعلم أن:

	خواص المكعب	خواص متوازى المستطيلات
	له ۸ رؤوس	له ۸ رؤوس
	له ٦ أوجه كلها مربعات	له ٦ أوجه كلها مستطيلات
	له ۱۲ حرفاً	له ۱۲ حرفاً
	جميع الأوجه متساوية فى المحيط و المساحة	كل وجهين متقابلين متساويان فى المساحة
	جميع الأحرف متساوية في الطول	كل وجهين متقابلين متوازيان
١	\sim حجمه \sim طول الحرف	حجمه = الطول × العرض × الإرتفاع
ì	تفسه	حجمه = مساحة القاعدة × الارتفاع

المساحة الجانبية للمكعب : -

اعتبر علبة كرتون على شكل مكعب ، قم بفرد أوجه المكعب أفقياً ليصبح كما بالشكل التالي :

		القاعدة			ى .		•	<u> </u>
٠.		(1)					√	
الأوجه	الوجه	الوجه	الوجه	الوجه	يعب ا	فرد المك	$\overline{}$	$\neg \cap$
الجانبية	(2)	(٣)	([)	(1)	←		 L -	- - <i> </i> -
احـ		القاعدة			ب		<u> </u>	
		([)						

أحمد الننتتوري

لاحظ أن:

- ا] الأوجهه (۱) ، (۲) ، (۳) ، (٤) هي الأوجه الجانبية للمكعب
 -] المساحة الجانبية للمكعب = مجموع مساحات تلك الأوجه

إذن : المساحة الجانبية للمكعب = مساحة الوجه الواحد × ٤

۳] بطريقة أخرى: حين تم فرد المكعب نتج المستطيل م ب ح ء المكون من الأوجه الجانبية

إذن : طول المستطيل = مجموع أطوال الأوجه الأربعة (ن : طول المستطيل = مجموع أطوال الأوجه الأربعة (٤) ، (٣) ، (٤)

التى تمثل (محيط قاعدة المكعب) عرض المستطيل = طول الحرف $\frac{1}{4}$ و هو ارتفاع المكعب

إذن : المساحة الجانبية للمكعب = محيط القاعدة × الارتفاع

٢) المساحة الكلية للمكعب:

و بإضافة مساحتى القاعدتين إلى المساحة الجانبية ينتج :

المساحة الكلية للمكعب = مساحة الوجه الواحد \times Γ

مثال (۱): مكعب طول حرفه 0 سم أوجد مساحته الجانبية و مساحته الكلية

الحل

المساحة الجانبية للمكعب = مساحة الوجه الواحد \times ٤ = ١٠٠ = $(0 \times 0) \times 2 = 0$ سم المساحة الجانبية للمكعب

المساحة الكلية للمكعب = مساحة الوجه الواحد × ך $= (0 \times 0) \times \Gamma = 0.$ سم المساحة الكلية للمكعب = 0.0 المساحة المساحة المكاف

(١) مكعب طول حرفه ٣ سم أوجد مساحته الجانبية و مساحته الكلية

lear Niiiiig/s

مثال (٢) مكعب مجموع أطوال أحرفه ٤٨ سم أوجد مساحته الجانبية و مساحته الكلية

لحل

طول الحرف الواحد = $\Delta + 1$ = Δ سم المساحة الجانبية للمكعب = مساحة الوجه الواحد \times Δ

أحمد الننتتوى

مثال (۳): مكعب مساحته الجانبية ١٩٦ سم أوجد مساحة الوجه الواحد و مساحته الكلية

الحل

بما أن : المساحة الجانبية للمكعب = مساحة الوجه الواحد × ٤

(۱) مكعب مجموع أطوال أحرفه ٢٤ سم أوجد مساحته الجانبية و

مساحته الكلية

إذن : 197 = مساحة الوجه الواحد × ٤

إذن : مساحة الوجه الواحد = ١٩٦ ÷ ٤ = ٤٩ سم

، المساحة الكلية للمكعب = مساحة الوجه الواحد × ٦

= ۲۹ × ۲ = ۲۹۶ سم

(٤) مكعب مساحته الكلية ٦٠٠ سم أوجد مساحة الوجه الواحد و

(0) مكعب محيط قاعدته ٦٠ سم أوجد مساحته الجانبية مساحته الكلية

مساحته الجانبية

(۳) مكعب مساحته الجانبية ۳۲۵ سم أوجد مساحة الوجه الواحد و مساحته الكلية

— Îsar Viii i

مثال (٤) : مكعب مساحته الكلية ٣٨٤ سم أوجد مساحة الوجه الواحد و مساحته الجانبية

لحل

بما أن : المساحة الكلية للمكعب = مساحة الوجه الواحد × ٦

إذن : ٣٨٤ = مساحة الوجه الواحد × ٦

إذن : مساحة الوجه الواحد = ٣٨٤ ÷ ٦ = ٦٤ سم

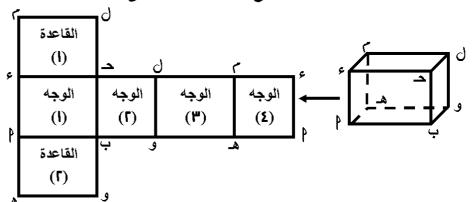
، المساحة الجانبية للمكعب = مساحة الوجه الواحد × ٤

= ۱۵۲ × ۲ = ۲۵۱ سم

أحمد الننتتوى

٣) المساحة الجانبية لمتوازى المستطيلات:

اعتبر علبة كرتون على شكل متوازى مستطيلات ، قم بفرد أوجه متوازى المستطيلات أفقياً ليصبح كما بالشكل التالى :



لاحظ أن:

- الأوجهه (۱) ، (۲) ، (۳) ، (Σ) هى الأوجه الجانبية لمتوازى
 المستطيلات و هى مستطيلات عمودية على القاعدة ، عرض أى
 ارتفاع متوازى المستطيلات (ع)
- المساحة الجانبية لمتوازى المستطيلات = مجموع مساحات تلك الأوجه $= (4 + \times 3) + (+ \times 3)$

المساحة الجانبية لمتوازى المستطيلات = محيط القاعدة × الارتفاع

٤) المساحة الكلية لمتوازى المستطيلات :

و بإضافة مساحتي القاعدتين إلى المساحة الجانبية ينتج :

أحمد الننتتوى

المساحة الكلية لمتوازى المستطيلات = مساحته الجانبية + مجموع مساحتى القاعدتين

مثال (0): متوازی مستطیلات طوله ۷ سم ، عرضه 0 سم ، إرتفاعه عثال (2) عسم أوجد مساحته الجانبیة و مساحته الکلیة

المساحة الجانبية لمتوازى المستطيلات = محيط القاعدة \times الإرتفاع = $7 \times (V + 0) \times 2 = 7 \times 71 \times 2 = 7$ سم 7 مساحته الكلية = مساحته الجانبية + مجموع مساحتى القاعدتين = $7 \times (V \times V) = 7 \times (V \times V)$

(٦) متوازی مستطیلات طوله ۸ سم ، عرضه ٦ سم ، ارتفاعه ١٠ سم أوجد مساحته الجانبیة و مساحته الكلیة

من المكعب

مثال (٦): حجرة على شكل متوازى مستطيلات طولها ٤ م ، عرضها ٣ ص ، يراد طلاء حوائطها و سقفها فيذا كان بها فتحات تشغل ٤ ٢ ، و تكاليف طلاء المتر المربع ١٥ جنيهاً أوجد تكالبف الطلاء

الحل

المساحة الجانبية للحجرة = $7 \times (3 + 0.4) \times 4 = 02$ 7 المساحة الكلية للحجرة = $03 + (3 \times 0.4) = 00$ 7 مساحة ما يتم طلاؤه = 00 - 3 = 00 7 تكاليف الطلاء = $00 \times 01 = 07$ جنيهاً (لاحظ أن: الحجرة هو متوازى مستطيلات له قاعدة واحدة حيث : لن يتم طلاء الأرضية)

(V) حجرة على شكل متوازى مستطيلات طولها 2,0 م، عرضها ٣,0 م، إرتفاعها ٣ م، يراد طلاء حوائطها و سقفها فإذا كان بها فتحات تشغل ٨ م ، و تكاليف طلاء المتر المربع ١٦ جنيها أوجد تكالبف الطلاء

(٩) حمام سباحة بعدى قاعدته ٤٠ م ، ١٠ م ، و ارتفاعه ٢٠٥ م يراد تغطيته ببلاط سيراميك طول ضلع البلاطة ٢٥ سم أوجد عدد البلاط اللازم لذلك ، ثم أوجد تكلفة تبليط الحمام إذا كان سعر المتر المربع من السيراميك ٤٥ جنيها و مصنعية تبليط المتر الواحد ٥ جنيهات

(٨) مكعب طول حرفه ١٢ سم ، قطع عند أحد أحرفه متوازى مستطيلات

أبعاده ٣ سم ، ٢ سم ، ١ سم أوجد المساحة الكلية للجزء المتبقى

(۱۰) فرخ من الورق المقوى مستطيل الشكل بعداه ۱۰۰ سم ، ۷۰ سم ، صنعت منه ٦ صناديق بدون غطاء كل منها على شكل متوازى مستطيلات أبعاده ٢٠ سم ، ١٥ سم ، ١٠ سم أوجد مساحة الورق المتبقى

lear Niiiiigys

(١١) أختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة :

[۱] المساحة الجانبية لمتوازى مستطيلات طوله ٦ سم ، عرضه ٤ سم

، ارتفاعه ۸ سم تساوی سم

(I.. , A. , I. , E.)

[7] طول حرف المكعب الذى مساحته الكلية لمكعب ١٥٠ سم يساوى سم

(0 ' 1 ' 10 ' [0)

[۳] ارتفاع متوازی المستطیلات الذی مساحته الجانبیة ۲۶۰ سم و قاعدته علی شکل مربع طول ضلعه ۲ سم یساوی سم (۱۰ ، ۲ ، ۵ ، ۳)

[2] إذا كان محيط وجه مكعب ١٢ سم فإن مساحته الكلية تساوى تساوى سم

(Vr ,]. , Ož , rž)

[0] إرتفاع متوازى المستطيلات الذى مساحته الجانبية ٢٠٠ سم و بعدا قاعدته ١٢ سم ، ٨ سم يساوى سم (١٢ ، ٨ ، ٥ ، ٤)

[٦] إذا ضوعف كل بعد من أبعاد متوازى مستطيلات فإن النسبة بين المساحة الكلية له و المساحة الكلية الجديدة تساوى

(N:1 ' A:1 ' \(\frac{1}{2}:\) ' \(\Gamma:\)

[V] إذا كانت قاعدة متوازى المستطيلات على شكل مربع ، مساحته الجانبية .٤٤ سم أ ، مساحته الكلية .٤٤ سم أ فإن طول ضلع قاعدته يساوى سم

(F. , 10 , 1F , 1.)

ساوی : حجمه یساوی $^{"}$ اذا کانت المساحة الجانبیة لمکعب ۱۵ سم $^{"}$ سم $^{"}$

(75 ' 17 ' \ \ \ \ \ \ \)

أحمد الننتتوري

الإحصاء و الاحتمال الوحدة الرابعة

الدرس الأول : تمثيل البيانات الإحصائية بالقطاعات الدائرية

أولاً: تقسيم سطح الدائرة إلى قطاعات دائرية القطاع الدائرى :

نعلم أن:

الجزء المظلل من سطح الدائرة بالشكل المقابل یمثل القطاع الدائری (م ۲ ب)

يسمى القطاع المظلل (م إب) بالقطاع الأصغر لأن : مساحة سطحه أقل من نصف مساحة

سطح الدائرة

يسمى القطاع غير المظلل (٢ ٩ ب) بالقطاع الأكبر لأن : مساحة سطحه أكبر من نصف مساحة سطح الدائرة

زاوية القطاع الدائرى:

لكل قطاع دائرى زاوية تسمى (زاوية القطاع الدائرى) و هي زاوية مركزية لأن رأسها عند مركز الدائرة مثل: (٢ ٩ ٢ ب) في الشكل السابق

مثال (١): بدراسة الشكل المقابل نلاحظ:

[۱] مساحة سطح القطاع (۱)

= 🗜 مساحة سطح الدائرة

، زاویة القطاع (۱) هی (igstyle igle igla igle igla igle igla igle igla igle igle igle igle igle igla igla igle igla igla

احمد الننتتوري

مساحة سطح القطاع $(7) = \frac{1}{2}$ مساحة سطح الدائرة [7]مساحة سطح القطاع (۳) $\frac{1}{2}$ مساحة سطح الدائرة $\frac{1}{2}$ ، زاویة القطاع (۳) هی ($\angle \uparrow \uparrow \uparrow \uparrow)$ و قیاسها = ۱۸۰°

معنى ذلك :

مجموع قیاسات الزوایا المتجمعة حول مرکز الدائرة -70

(۱) إدرس الشكل المقابل ثم أكمل:

[۱] مساحة سطح أى قطاع

= مساحة سطح الدائرة

[۲] قیاس زاویة أی قطاع =



مثال (٢) : أخذ خالد من والده مبلغ ١٠٠ جنيه أشترى قميص ثمنه ٥٠ جنيهاً ، ساعة ثمنها ٢٥ جنيهاً و أدخر الباقى مثل ذلك بالقطاعات الدائرية

المبلغ كله يمثل ١٠٠٪ من مساحة سطح الدائرة

ثمن القميص = 0. جنيهاً يمثل $\frac{1}{2}$ المبلغ أى : 0. ٪ من 0. جنيه

و يمكن تمثيله بقطاع مساحته $= \frac{1}{2}$ مساحة سطح الدائرة

ثمن الساعة = ٢٥ جنيهاً ، يمثل إ المبلغ أى : ٢٥ ٪ من ١٠٠ جنيه

ثانياً: تمثيل البيانات بالقطاعات الدائرية

لتمثيل البيانات بالقطاعات الدائرية يتم تقسيم سطح الدائرة إلى قطاعات وفقاً للنسب المئوية لكل قطاع و ذلك بحساب قياس الزاوية المركزية لكل قطاع و رسمها

مع مراعاة أن:

مجموع قياسات الزوايا المتجمعة حول مركز الدائرة -7.

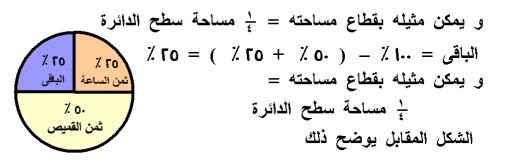
مثال (٣): الجدول التالى يوضح النسب المئوية للمواد المفضلة بين تلاميذ وحدى المدارس الإبتدائية مثل ذلك بالقطاعات الدائرية

دراسات إجتماعية	عثوم	رياضيات	لغة عربية	المادة المفضلة
% 10	% Г •	% ٣.	% ٣ ٥	النسبة

الحل

الخطوات :

- الدائرة بنصف قطر طوله مناسب
- ر نحسب قياس الزاوية المركزية لكل قطاع على حدة كما يلى : قياس الزاوية المركزية لقطاع اللغة العربية = $\frac{0.7}{1.0} \times 0.7$ $^{\circ}$ = 1.7 $^{\circ}$ قياس الزاوية المركزية لقطاع الرياضيات = $\frac{0.7}{1.0} \times 0.7$ $^{\circ}$ $^{\circ}$
- ۳) نرسم م م تصف قطر للدائرة و هو خط البداية لتحديد و رسم زاوية قياسها ١٢٦° لينتج القطاع م م ب، و هو قطاع اللغة العربية أحمد الننتوى



(٦) عند سؤال مجموعة من الشباب عن البرامج التلفزيونية التى يفضلون مشاهدتها تبين ما يلى : ٠٠٪ يفضلون البرامج الرياضية ، ٢٥٪ يفضلون البرامج الثقافية ، يفضلون البرامج الثقافية ، ١٢,٥٪ يفضلون البرامج الإخبارية مثل ذلك بالقطاعات الدائرية

مثال (٤): الجدول التالى يوضح النسب المئوية للألعاب المفضلة لتلاميذ إحدى المدارس الإبتدائية مثل ذلك بالقطاعات الدائرية

كرة السلة	السياحة	الكرة الطائرة	كرة القدم	اللعبة المفضلة
% Го	% 10	% Г-	٪ ٤٠	النسبة

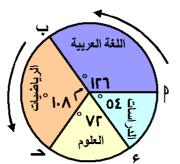
و إذا كان عدد التلاميذ .17 تلميذاً ، أوجد عدد التلاميذ الذين يفضلون كرة القدم

الحك

قياس الزاوية المركزية لقطاع كرة القدم = $\frac{1}{11}$ × 10 $^{\circ}$ = 121 $^{\circ}$ $^{\circ}$ VI = $^{\circ}$ WI $^{\circ}$ $^{\circ}$ $^{\circ}$ $^{\circ}$ $^{\circ}$ $^{\circ}$ $^{\circ}$ VI = $^{\circ}$ WI $^{\circ}$ $^{\circ$



اسمال المعابل يوضع دلك عدد التلاميذ الذين يفضلون كرة القدم $\frac{1}{11} \times 17 \times 17 \times \frac{1}{11}$ = 17 تلميذاً



- زاوية قياسها ٧٢° لينتج القطاع حرم ء ، و هو قطاع العلوم عتبر مع خط البداية لتحديد و رسم زاوية قياسها ٥٤° لينتج القطاع ء ٢٠ ، و هو قطاع الدراسات الإجتماعية
- (۳) الجدول التالى يوضح نسب ما يستغرقه حسن من ساعات فى مذاكرة بعض المواد خلال أسبوع مثل ذلك بالقطاعات الدائرية

دراسات إجتماعية	عثوم	رياضيات	لغة عربية	المادة
٪ ۱۰	7. Г•	٪ չ.	% ٣ .	النسبة

قياس الزاوية المركزية لقطاع اللغة العربية =

٤) نعتبر مب خط البدایة لتحدید و رسم

زاوية قياسها ١٠٨° لينتج القطاع

ب م حه ، و هو قطاع الرياضيات (٥) نعتبر محمد خط البداية لتحديد و رسم

الشكل المقابل يوضح ذلك

قياس الزاوية المركزية لقطاع الرياضيات =

قياس الزاوية المركزية لقطاع العلوم =

قياس الزاوية المركزية لقطاع الدر اسات = × ٣٦٠° = أحمد النفتتوى

% Ψ.

الزراعة

½

الصناعة

% Fo

(٤) الجدول التالى يبين نسبة إنتاج خمسة مصانع لتعبئة الأرز

الخامس	الرابع	الثالث	الثاني	الأول	المصنع
7	% ٣.	۲۰ ٪	% I.	% 10	التسبة

أكمل الجدول ، ثم مثل هذه البيانات بالقطاعات الدائرية و إذا كان إنتاج المصنع الرابع .0 طناً ، أوجد إنتاج المصنع الأول

(0) الشكل المقابل:

يبين مكونات الدخل القومى فى مصر خلال أحد الأعوام ، ادرس الشكل ثم أكمل :

[۱] نسبة دخل الخدمات =

[7] قياس الزاوية المركزية بالدرجات لنسبة

الدخل القومي في الزراعة =

: الشكل المقابل :

يبين نسب انتاج اللحوم فى ثلاث مجازر خلال أحد الشهور ، ادرس الشكل ثم أكمل :

[۱] نسبة انتاج المجزرة الثانية =

[7] إذا كان: اجمالى انتاج المجازر الثلاثة

٤٥٠٠ طناً في الشهر فإن:

انتاج المجزرة الأولى = طناً

انتاج المجزرة الثانية = طناً

انتاج المجزرة الثالثة = طناً



المجزرة الثانية المجزرة الثانية

(V) الجدول التالى يوضح الحالة الاجتماعية لمجموعة من الأفراد

المجموع	أرمل	مطلق	متزوج	أعزب	الحالة الاجتماعية
1	0.	1	0	۳٥.	عدد الأفراد

مثل هذه البيانات بالقطاعات الدائرية

(٨) الجدول التالى يبين عدد الساعات الأسبوعية التى تقضيها ناهد فى مراجعة المواد الدراسية

دراسات	علوم	رياضيات	لغة انجليزية	لغة عربية	المادة الدراسية
٩	0	>	7	9	عدد الساعات

مثل هذه البيانات بالقطاعات الدائرية



الدرس الثاني: التجربة العشوائية

تمهيد

عند إلقاء قطعة نقود معدنية فمن المؤكد أن تظهر صورة أو كتابة و لكن لا نستطبع الجزم (أو نصدر قرار) أن تظهر صورة أو كتابة إلا بعد إلقاء قطعة النقود (إجراء التجربة) مثل هذه التجربة تسمى : التجربة العثوائية

التجربة العشوائية:

هى تجربة يمكن معرفة جميع نواتجها الممكنة قبل إجرائها ، و لكن لا يمكن تحديد الناتج الذي سيحدث فعلاً إلا بعد إجرائها

أمثلة لتجارب عثوائية و نواتجها الممكنة :

النتائج الممكنة	التجربة العشوائية
صورة ، كتابة	إلقاء قطعة نقود مرة واحدة
وند ، بنت	نوع المولود لأسرة (دون وجود تؤام)
7.0.2.2.6.1	إلقاء حجر نرد مرة واحد و ملاحظة عدد النقاط على الوجه العلوى
PP ' PI ' IP ' II	تكوين عدد مكون من الرقمين: ١،٣
فوز ، تعادل ، خسارة	نتيجة مباراة كرة قدم

فضاء العينة (ف):

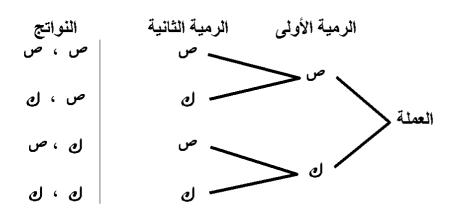
هو مجموعة جميع النواتج الممكنة للتجربة العثوائية

أحمد الننتتوري

مثال (١) : إذا كانت التجربة العشوائية هي :

إلقاء قطعتى مختلفتين نقود مرة واحدة أوجد فضاء العينة الحاب

نستخدم الشجرة البيانية لتمثيل ذلك كما بالشكل التالي



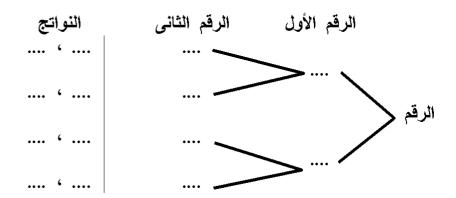
فضاء العينة (ف) = { (ص، ص)، (ص، ك)، (ك، ص)، (ك، ك)}

ملاحظة 😲

- ا) القاء قطعتى نقود مرة واحدة يكافئ القاء قطعة نقود مرتين متتاليتين و هكذا
- ۲) إلقاء حجرى نرد مرة واحدة يكافئ إلقاء حجر نرد مرتين متتاليتين
 و هكذا

(۱) إذا كانت التجربة العشوائية هي :

الحصول على عدد مكون من رقمين هما ٢ ، ٤



فضاء العينة (ف) =

مثال (٢): في تجربة إلقاء حجر نرد مرة واحدة أكتب الأحداث التالية:

- [۱] مجموع النقاط بالوجهين العلويين يساوى ٤
- [7] مجموع النقاط بالوجهين العلويين أقل من ٤
- [۳] القيمة المطلقة للفرق بين النقاط بالوجهين العلويين يساوى ٤
 - $\{\;(\;\mathsf{L}\;\cdot\;\mathsf{L}\;)\;\cdot\;(\;\mathsf{I}\;\cdot\;\mathsf{L}\;)\;\cdot\;(\;\mathsf{L}\;\cdot\;\mathsf{I}\;)\;\}\;[I]$
 - { (l·Γ)·(Γ·l)·(l·l) } [l]

(١) في تجربة إلقاء حجر نرد مرة واحدة أكتب الأحداث التالية:

[۱] مجموع النقاط بالوجهين العلويين يساوى ٥

••••

[7] مجموع النقاط بالوجهين العلويين أقل من 0

....

[٣] القيمة المطلقة للفرق بين النقاط بالوجهين العلويين يساوى ٥

....

(۳) إذا كانت التجربة العثوائية هي سحب كرة من صندوق به خمس كرات متماثلة (بيضاء ، حمراء ، سوداء ، زرقاء ، خضراء) أكمل :

فضاء العينة =

(٤) إذا كانت التجربة العشوائية هي سحب بطاقة واحدة من صندوق به بطاقات متماثلة و مرقمة من ا إلى ١٠

[ا] فضاء العينة =

[7] حدث أن تكون البطاقة تحمل عدداً يقبل القسمة على ٦

[٣] حدث أن تكون البطاقة تحمل عدداً أولياً =

[2] حدث أن تكون البطاقة تحمل عدداً فردياً =

أحمد الننتتوى

لاحظ

﴿ رف ، ب رف ، ح رف

الحدث: أى نتائج نحصل عليها داخل التجربة العشوائية تسمى أحداثاً ملاحظات:

- ا الحدث مجموعة جزئية من مجموعة فضاء العينة
 - [7] عدد عناصر الحدث يمثل عدد مرات حدوثه

و إحتمال الحدث:

النسبة بين عدد عناصر الحدث و عدد عناصر فضاء العينة يسمى: إحتمال وقوع الحدث و يرمز له بالرمز: (ل)

فمن المثال السابق نجد:

الدرس الثالث: الاحتمال

نعلم أن:

فضاء العينة للتجربة العشوائية (ف):

هو مجموعة جميع النواتج الممكنة للتجربة العشوائية يرمز : عدد عناصر فضاء العينة بالرمز رم (ف)

فمثلاً و

ا) فى تجربة إلقاء قطعة نقود مرة واحدة و ملاحظة الوجه الظاهر يكون : ف = $\{ \, \phi \, : \, \phi \, \} \,$ ، $\phi \, (\, \phi \,) \, = \, 7$

 آی فی تجربة إلقاء حجر نرد مرة واحدة و ملاحظة الوجه العدد الظاهر على الوجه العلوی یكون :

ف = {۱،٥،٤،٣،٢،١} = ف

مثال (۱): في تجربة إلقاء حجر نرد مرة واحدة أكتب الأحداث التالية و عدد عناصر كل حدث:

[۱] ۹ هو : حدث ظهور عدد أولى على الوجه العلوى

[7] ب هو : حدث ظهور عدد أقل من ٣ على الوجه العلوى

[۳] حدث ظهور عدد أكبر من ٦ على الوجه العلوى الحاب

$$\mathbf{l} = (\mathbf{u}) \mathbf{v} \cdot \{\mathbf{l} \cdot \mathbf{v} \cdot \mathbf{v} \cdot \mathbf{v} \cdot \mathbf{v} \cdot \mathbf{v} \} = \mathbf{u}$$

$$\mathsf{W} = (\c) \c \sim \c \left\{ \c \circ \c \c \cdot \c \right\} = \c [\c]$$

$$\Gamma = (\dot{\neg}) \, \boldsymbol{\diamond} \quad (\Gamma \cdot \Gamma) = \dot{\neg} \, [\Gamma]$$

أحمد الننتتوري

أحمد النننتورى

أثواع الأحداث:

- الحدث المستحيل : هو الحدث الذي لا يمكن وقوعه
- و يعبر عنه : $\lozenge = \lozenge$ ، و احتمال وقوعه $\lozenge (\lozenge) = \mathsf{obc}$
 - ٢) الحدث المؤكد: هو الحدث الذي له جميع النواتج الممكنة
 - و يعبر عنه : $q = \hat{b}$ ، و احتمال وقوعه b = 0

و معنى ذلك أن : قيمة احتمال الحدث ($\{ \} \}$ حيث $\{ \} \subset \emptyset$ لا تقل عن الصفر و لا تزيد عن الواحد أى أن : $\{ \} \subset \emptyset$ $\{ \} \subset \emptyset$

ملاحظات

- ا] يمكن كتابة الإحتمال فى صورة كسر إعتيادى أو كسر عشرى
 أو نسبة مئوية
- التجارب ذات النتيجة المعروفة مسبقاً لا تسمى تجارب إحتمالية فمثلاً :
- * تجربة سحب كرة من صندوق به أربع كرات متماثلة لونها أصفر * تجربة سحب بطاقة من صندوق به ١٠ بطاقات متماثلة كلها تحمل الرقم ١٠

(۱) صندوق به ۱۰ بطاقة متماثلة مرقمة من ۱ إلى ۱۰ خلطت جيداً و سحبت بطاقة عشوائياً أكمل لايجاد إحتمال الأحداث التالية :

- [۱] الحدث (۹) هو: عدد يقبل القسمة على ٦
- [7] الحدث (ب) هو: عدد يقبل القسمة على ٣
- [۳] الحدث (ح) هو: عدد يقبل القسمة على كل من ۲، ۳ فى نفس الوقت
 - [2] الحدث (ع) هو: عدد يقبل القسمة على كل من ٢ أو ٣

$$\dots = (\cap{b}) \colone{} \colone{}$$

$$\dots = (\psi) \boldsymbol{\upsilon} \cdot \{ \qquad \dots \} = \psi$$

$$\dots = (\Delta) \omega \cdot \{ \dots \} = \Delta$$

مثال (٦) : إذا كان أحد الأندية ينعب .٣ مباراة في الدوري و كان إحتمال فوزه في عدد من المباريات هو $\frac{7}{6}$

أوجد عدد المباريات التى يفوز فيها هذا النادى فى الدورى

العدد الكلى للمباريات = ٣٠ مباراة

بفرض أن : الحدث (٩) هو أن يفوز الفريق في مباراة

 $\frac{1}{1}$ العدد الكلى للمباريات $\frac{3}{1}$ العدد الكلى للمباريات $\frac{7}{1}$

إذن : عدد مباريات الفوز = ج

اِذن : عدد مباریات الفوز $\mathbf{w} \cdot \mathbf{w} \cdot \mathbf{v} = \mathbf{v}$ مباراة

(٦) في مسابقة الطالب المثالي لأحد المدارس تقدم 20 تلميذ و تلميذة فإذا كان احتمال أن تكون احدى التلميذات هي الطالب المثالي هو خاصب عدد التلميذات المشتركات في هذه المسابقة

(۳) عند إلقاء حجر نرد منتظم مرة واحدة و ملاحظة العدد الظاهر على الوجه العلوى أوجد احتمال الأحداث التالية :

- [۱] ظهور عدد فردی =
- [7] ظهور عدد يقبل القسمة على ٣ =
 - [۳] ظهور عدد أقل من ۳ =
- [2] ظهور عدد أكبر من أو يساوى ٣ =
 - [0] ظهور عدد أكبر من ٦ =
 - [٦] ظهور عدد أولى =
- [V] ظهور الأعداد ١، ٢، ٣، ٤، ٥، ٦ =

(٤) سحبت بطاقة من كيس يحتوى على ٣٠ بطاقة مرقمة من ١ إلى ٣٠. أوجد احتمال أن تكون البطاقة المسحوبة تحمل عدداً:

- [۱] يقبل القسمة على ۳ =
- [7] يقبل القسمة على 0 =
- [۳] يقبل القسمة على ٣ و ٥ فى نفس الوقت =
 - [2] يقبل القسمة على ٣ أو ٥ =
 - [0] أولياً زوجياً =

أحمد الننتتوى

- (0) إناء يحتوى على 0 كرات حمراء ، ٣ كرات سوداء ، ٤ كرات بيضاء لها نفس الحجم فإذا سحبت كرة واحدة عشوائياً أكمل :
 - [۱] احتمال أن تكون الكرة المسحوبة حمراء =
 - [7] احتمال أن تكون الكرة المسحوبة سوداء =
 - [۳] احتمال أن تكون الكرة المسحوبة ليست بيضاء =
- [2] احتمال أن تكون الكرة المسحوبة بيضاء أو حمراء =
- [0] احتمال أن تكون الكرة المسحوبة بيضاء أو حمراء أو سوداء —
 - (٦) فصل دراسى به ٤٢ تلميذاً ، منهم ٢٠ تلميذاً يلعبون كرة القدم ، ٨ تلاميذ يلعبون كرة السلة ، و باقى التلاميذ يلعبون ألعاباً أخرى اختير أحد التلاميذ عثوائياً أوجد :
 - [۱] احتمال أن يكون التلميذ المختار ممن يلعبون كرة القدم
 - [7] عدد تلاميذ المدرسة الذين يلعبون ألعاباً أخرى إذا كان عدد تلاميذ المدرسة ... تلميذ

(V) أثناء تدريبات أحد أندية كرة القدم سدد أحد اللاعبين ٢٤ ركلة جزاء فأحرز منها ٢١ هدفاً ، و سدد لاعب آخر ٢٧ ركلة جزاء فأحرز منها ٢٤ هدفاً ، أى اللاعبين يتم اختياره لتسديد ركلة جزاء أثناء المباراة و لماذا ؟

- (٨) فصل دراسى به ٤٠ تلميذاً ، طبق عليهم اختباراً فى الرياضيات درجته العظمى ٥٠ درجة ، فإذا كانت درجات ٣٠ تلميذاً أقل من
 - درجة ، و احتمال أن تكون درجة التلميذ \geq . ٤ هو $\frac{1}{4}$ اختبر أحد التلاميذ عثوائياً أوجد :
 - [۱] احتمال أن تكون درجة التلميذ المختار أقل من ٤٠ درجة
 - [7] عدد التلاميذ الحاصلين على درجة 🝃 .٤

(٥٠ // ، ٢٥ // ، ١٠٠ // ، صفر)

(٩) سجلت نتيجة اختبار الرياضيات لشهر مارس لأحد القصول حسب تقديرات التلاميذ في الجدول التالي :

	ضعيف	مقبول	جيد جداً جيد م		ممتاز	
I	٤	٨	וו	١٢	٨	

اختير أحد التلاميذ عثىوائياً أوجد : احتمال أن يحصل التلميذ المختار على تقدير جيد

افى تجربة تكوين عدد مكون من رقمين (بدون تكرار الرقم) لمجموعة الأرقام { ١ ، ٢ ، ٣ } أوجد احتمال الحصول على : 🔢 عدد زوجي [7] عدد فردی أولی

 $\frac{\pi}{12} = \frac{\pi}{12} = \frac{\pi}{12}$ [2] إذا كان إحتمال أن يحل تلميذ مسألة ٧. فإن عدد المسائل

[٣] إذا كان إحتمال رسوب طالب في إمتحان ما ٨٥. فإن احتمال

[۱] عند إلقاء قطعة نقود معدنية مرة واحدة و ملاحظة الوجه العلوى

[7] عند إلقاء حجر نرد مرة واحدة فإن احتمال أن العدد الظاهر

على الوجه العلوى يحقق المتباينة: ٣ < س < ٥

(١١) أختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة :

فإن احتمال ظهور صورة =

يساوى ...

المتوقع حلها من النوع من بين ٢٠ مسألة يساوي $(\Gamma \cdot \cdot 12 \cdot 1 \cdot \cdot V)$

[0] فصل دراسي به ٢٥ ولد و ١٥ بنت فإذا اختير احدهم عشوائياً $\frac{1}{6}$ فإن احتمال أن يكون بنتاً $\frac{1}{6}$ ($\frac{1}{6}$ ، $\frac{1}{6}$ ، $\frac{1}{6}$ ، $\frac{1}{6}$ ، $\frac{1}{6}$

[٦] عند إلقاء حجر نرد منتظم مرة واحدة فإن احتمال ظهور عدد زوجی علی الوجه العلوی = $(\frac{1}{7}, \frac{1}{7}, \frac{1}{7}, \frac{1}{7}, 1)$

[V] احتمال الحدث المستحيل = (\emptyset ، ا ، صفر ، - ا)

أحمد التنتتوري

لحمد الننتتوري

9 - [2]

Γ [٤]

Ι… [Λ]

المحايد الجمعي

دمج

دمج

المعكوس الجمعي

المحايد الجمعي

أحمد التنتتوري

[۸] صفر

```
(<u>٤) [۱] ۷ [۲] ۱۷ [۳] صفر</u>
                    [0] – ۸ [٦] صفر [٧] ١٢
                    (٥) [۱] — ٥ [٦] ١ [٣] صفر
                   \Sigma V - [V]  \Gamma \cdot - [T]  lo [0]
                    [0] [(-07) + V2] + 07
               = [ V2 + ( - O7 ) ] + O7 أبدال
               = V2 + [(-07) + 07] دمج
        = ٤٧ + صفر الجمعي
                              ٤V =
                = [ ۲۰۱٦ + [ ( ۱۰۱٦ – ۲۰۱۹ ) بدال
            = ۳۸۹ + [ (۱۰۱٦ – ۲۰۱٦ ] دمج
                    IPA9 = I... + PA9 =
         |\Psi + [(\Psi - 1) + (\Sigma - 1)] + \Sigma 0 =
     = [02 + (14 - 1)] + [(2. -) + 40] =
                 = 0 + صفر
\lambda \lambda + [(\lambda \lambda -) + (\lambda \lambda -)] + (\lambda \lambda -) = (\lambda \lambda -)
 = [(- \Psi\Psi) + (- VV)] + [(- \Lambda\Lambda) + (- \Lambda\Lambda)]  دمج
```

```
اجوية بعض التمارين
                                                                                                                                                         الأعداد الصحيحة
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                  الوحدة الأولى
                                                                    الدرس الأول: مجموعة الأعداد الصحيحة
                                                                        \Sigma = [0] \mathbb{I} \cdot [\Sigma] \mathbb{I} \cdot \cdots = [\mathbb{M}] \mathbb{I} \cdot \cdots = [\Gamma] \mathbb{I} \cdot \mathbb{I} \cdot \mathbb{I}
                                                                                                                                                                                                                                                                                                      (۲) أجب بنفسك
                                                                                                                           (٣) [١] ١] موجبة ٢] صفر ٣] سالبة
                                                                                                                                     [7] ۱] موجبة ٢] سالبة ٣] صفر
              [۳] ۱] موجبة ٢] سالبة [٤] موجبة ، صفر ، سالبة
                                                                                                           \{ \dots, \Gamma - \Gamma - \Gamma - \Gamma \cap \Gamma \cap \Gamma \} [I] (\Sigma)
                                                                                     { ..... · [ · | · · · | - · [ - · [ - · ] ] [ [ ]
                                                                                                                                                                             \{1, \dots, 1-, \Gamma-\}
                                                                                                                                     \{ \dots, \cdot \} - \cdot \Sigma - \cdot \Gamma - \cdot \cdot \} [\Sigma]
                                                  [0] به = مجموعة الأعداد الصحيحة الزوجية غير الموجية
                 [0] [1] [1] [2] [3] [4] [5] [7] [8] [8] [9]
(1) [1] \in [7] \circ [7] \lor [8] \lor
```

الدرس الثاني: ترتيب الأعداد الصحيحة و المقارنة بينها (۱) [۱] صفر [۲] – ۲ [۳] – ۷ [۵] ۳ [۵] ۷ [۲] – ٤ (۱) [۱] ۳ ، ۲ ، ۹ [۲] – ۲ ، ۱۰ (۳] – ۱۰ ، صفر ، ۱۰ 1 + [1] 12 - [0] W - [2] 1. + [W] 2 + [T] 0 + [1] (W)

[۷] ⊂ [۸] ∄ [۹] – ۷ [۱۰] – ۱ [۱۱] صفر [۱۲] ∄

أحمد الننتتوري

المعكوس الجمعى الجمعى المعكوس الجمعى $+ \cdot \cdot \cdot \cdot = - \cdot \cdot = - \cdot \cdot \cdot = - \cdot \cdot \cdot = - \cdot \cdot = - \cdot \cdot = - \cdot \cdot \cdot = - \cdot$

(۱۱) الزیادة فی درجة الحرارة = - Ψ $^{\circ}$ γ + 11 $^{\circ}$ γ = Λ $^{\circ}$ γ (11) (17) = [1] [1] [1] [1] [1] [1]

(١) مبلغ الربح = ٣٤٥ – ١٦٥ + ٢٠ = ٢٠٠ جنبها

 $1 \cdot + (9 \cdot -)$ [۱] $1 \cdot + (9 \cdot -)$ [۱] $1 \cdot + (9 \cdot -)$ [۱] $1 \cdot + (9 \cdot -)$

الدرس الرابع : ضرب و قسمة الأعداد الصحيحة (١) [۱] (--7) [٦] صفر [٣] ١٢ [٤] $(-\Lambda)$ [٥] $(-\Lambda)$ [٢] $(-\Lambda)$ (١٨ $(-\Lambda)$ [٢] $(-\Lambda)$ (٢) [١] $(-\Lambda)$ $(-\Lambda)$

أحمد الننتتوى

```
(\Lambda \cdot -) = (\Gamma \cdot -) \times 9 =
                  (12-) \times V0 + (P1-) \times V0
                  [(12-) + (27-)] \times V0 =
                   (V0\cdots) = (I\cdots -) \times V0 =
           VW \times (\Sigma 0 -) + (\Im W -) \times (\Sigma 0 -) [W]
                  [VW + (JW -)] \times (\Sigma0 -) =
                      (\Sigma 0 \cdots -) = I \cdot \times (\Sigma 0 -) =
                               (\Sigma -) \times PV \times (\Gamma O -) (\Sigma)
خاصية الدمج
                     (\Sigma -) \times [\Psi V \times (\Gamma O -)] =
خاصية الإبدال
                      (\Sigma-) \times [(\Gamma 0-) \times \Psi V] =
خاصية الدمج
                      [(\Sigma-)\times(\Gamma0-)]\times \Psi V =
                              "V.. = I.. × "V =
                     ٧ [٣]
                     (\Gamma -)
                          (٦) [۱] بما أن : ٨ × س = ٧٢
      اذن : س = ۲۷ ÷ ۸ اذن : س = ۹
                   (20-) = -0 \times -0 = (-20)
                            (\Sigma 0 -) = \omega \times 0 ( \Sigma 0 - \Sigma 0
```

[۳] بما أن : ۳ × اس | = | ـ ۲۱ |

 $(9-) \div 0 \div (20-) \div 0$ اذن : س = (-9)

أحمد الننتتوى

$$|\dot{c}\dot{c}: \Psi \times | \neg u| = |1$$
 $|\dot{c}\dot{c}: | \neg u| = |1$
 $|\dot{c}\dot{c}| = |\dot{c}\dot{c}| = |1$
 $|\dot{c}\dot{c}| = |1$
 $|\dot{c}\dot{c}| = |1$
 $|\dot{c}\dot{c}| = |1$
 $|\dot{c}\dot{c}|$

 $\exists P = (\Gamma I -) \times (P -) =$

أحمد الننتتوي

$$(\Lambda)$$
 [۱] $(- \%)$ $($

$$\Lambda - [\Sigma]$$
 $\Gamma - [W]$ $\Psi \Gamma [\Gamma]$ $\Psi O - [I]$ (9) $P O - [I]$ $P O$

الدرس الخامس: الضرب المتكرر

(۱) أكمل بنفسك (۲) أكمل بنفسك

(₩ -) [I·] (₩· -) [٩] **4**

$$\Gamma V = {}^{W} P = {}^{1+\Gamma} W [\Gamma] \qquad P\Gamma = {}^{0}\Gamma = {}^{\Gamma+W}\Gamma [I] (\underline{\Sigma}) \\
\Gamma \Lambda - = {}^{V}(\Gamma -) = {}^{\Sigma+W}(\Gamma -) [P] \\
\Gamma \Sigma P - = {}^{0}(P -) = {}^{W+\Gamma}(P -) [\underline{\Sigma}] \\
\Gamma \Lambda - = {}^{1}(\Lambda -) = {}^{W+W}(\Lambda -) = {}^{W}(\Lambda -) [\Lambda -) [\Lambda -) [\Lambda -) [\Lambda -] [\Lambda -) [\Lambda -) [\Lambda -] [\Lambda -] [\Lambda -) [\Lambda -] [\Lambda$$

1010 - = (0) - = (0) - = (0) - = (0)

أحمد النننتورى

$$\mathbf{I}_{-} = \mathbf{I}_{-}^{\mathsf{IV}}(\mathbf{I}_{-}) = \mathbf{I}_{-}^{\mathsf{N}_{-}}(\mathbf{I}_{-})$$

$$\mathbf{P} = \mathbf{I}(\mathbf{P}) = \mathbf{I}^{-1}(\mathbf{P}) [\mathbf{I}] \qquad \mathbf{I} \mathbf{I} = \mathbf{I}^{-1}(\mathbf{P}) = \mathbf{I}^{-1}(\mathbf{I}) = \mathbf{I}^{-$$

$$\mathbf{W}\Gamma - = {}^{0}(\Gamma -) = {}^{\Sigma - 9}(\Gamma -) [\mathbf{W}]$$

$$\Lambda I = {}^{\Sigma}(\Psi -) = {}^{\Psi - V}(\Psi -) [\Sigma]$$

$$I = (0) - = (0) - = (0) - = (0)$$

$$I - = {}^{9}(I -) = {}^{9-1}(I -) [7]$$

$$l = {}^{0}(1 \cdot 1 \cdot 1) = {}^{0}(1 \cdot 1) = {}^{0}($$

$$(V)$$
 المقدار = $0^{9} \div 0^{0} = (0)^{9-0} = (0)^{2}$

$$\Gamma V = {}^{\mu}(\Psi) = {}^{q-1}(\Psi) = {}^{q}\Psi \div {}^{\mu}\Psi = {}^{\mu}\Lambda$$
المقدار (Λ)

$$17 = (\Sigma -) = (\Sigma -) = (\Sigma -) = (\Sigma -) \div (\Sigma -) = (\Sigma -)$$
 المقدار (9)

$$^{9}(\Gamma) - = ^{9}(\Gamma)$$
 ، $^{V}(\Gamma) - = ^{V}(\Gamma)$ ، $^{2}(\Gamma) = ^{2}(\Gamma)$: بما أن $^{1}(\Gamma) = ^{2}(\Gamma)$

$$\frac{(7)^{2} \times (7)^{2}}{(7)^{2}} = \frac{(7)^{2} \times (7)^{2}}{(7)^{2}} = \frac{(7)^{2} \times (7)^{2}}{(7)^{2}}$$

$$\Sigma = {}^{\Gamma}(\Gamma) = {}^{\eta - \Pi}(\Gamma) = \frac{{}^{\Pi}\Gamma}{\Gamma} = {}^{\Pi}\Gamma$$

أحمد التنتتوى

الترتيب التصاعدی هو : $(-4)^{9}$ ، $(-7)^{9}$ ، $(-1)^{9}$ ، $(-1)^{10}$ ، $(-1)^{10}$ ، $(-1)^{10}$. $(-1)^{10$

الدرس السادس: الأنماط العددية

(1) 0 one in the continuity of the continuity

كل عدد يزيد عن سابقه مباشرة بمقدار ٣

 $[\Gamma]$ ۲۰ ، ۱۱ ، ۱۲ ، ۱۲ ، ۲۰ کل عدد یقل عن سابقه مباشرة بمقدار ک

کل عدد = حاصل ضرب ۱۰ × العدد السابق له مباشرة السابق له مباشرة

TF (TV (FF (IV (IF (V (F [0]

كل عدد يزيد عن سابقه مباشرة بمقدار ٥

196 6 97 6 58 6 65 6 16 6 7 6 18 [7]

كل عدد ضعف العدد السابق له مباشرة

[V] $\frac{1}{7}$ $\frac{1}{37}$ $\frac{1}{47}$ $\frac{1}{77}$ $\frac{1}{77}$ $\frac{1}{77}$ $\frac{1}{477}$ $\frac{1}{477}$

أحمد النننتورى

```
الوحدة الثانية المعادلات و المتباينات
     الدرس الأول: المعادلة و المتباينة من الدرجة الأولى
                 لأنها تتضمن تساوى بين عبارتين رياضيتين
                 لأنها تتضمن تساوى بين عبارتين رياضيتين
                 [۳] س – ٤ = ۹ (تمثل معادلة)
            لأنها تتضمن تساوى بين عبارتين رياضيتين
               [2] س – ۸ ( لا تمثل معادلة )
                 [۱] ص - ۱ < ٥ (تمثل متباينة)
         لأنها تتضمن علامة تباين بين عبارتين رياضيتين
     [۲] س + V ( لا تمثل معادلة و تمثل متباينة )
لأنها لا تتضمن علامة تساوى أو تباين بين عبارتين رياضيتين
                [۳] ۳ س > ٦ ( تمثل متباینة )
         لأنها تتضمن علامة تباين بين عبارتين رياضيتين
                 [3] 7 - - - + 1 = 11 (تمثل معادلة)
        لأنها تتضمن علامة تساوى بين عبارتين رياضيتين
                         (٣) عندما: س = - ٢ يكون:
     1. \neq (0-) = 1 + (1-) = 1 + (1-) \times \mathbb{P}
```

إذن: العدد (- 7) لا يحقق المعادلة

 $I \cdot \neq V = I + I = I + (\Gamma) \times \mathbb{P}$

عندما: س = ۲ یکون:

```
وصف النمط: كل عدد نصف العدد السابق له مباشرة
           ΨΓ· · 17· · Λ· [Γ] ΟΨ · Σο · ΨV [۱] (Ψ)
          ΨΣΨ ( ΓΙϽ ( ΙΓΟ [Σ] Σ9 ( ΨϽ ( ΓΟ [Ψ]
             <u>~</u> ' Γ ' <del>~</del> [V]
                     1 , 0 , 1, , 1, , 0 , 1 [1] (2)
                 1 6 7 6 10 6 7 6 10 6 7 6 1 [7]
                    ..... ' 17 ' A ' & ' F ' I [٣]
        [2] عناصر القطر الأول هي : (١،١،١،١،١)
    ، عناصر القطر الثاني هي : (١،٢،٣،٤،٥،٥)
   ، عناصر القطر الثاني هي: (١، ٣، ٦، ١، ١٥)
            (0) عدد القطع المستقيمة: ٣ ، o ، ٧ ، ٩
            النمط العددي : ۳ ، ۵ ، ۷ ، ۹
وصف النمط: كل عدد يزيد عن سابقه مباشرة بمقدار ٦
            (٦) عدد القطع المستقيمة : ٤ ، ٧ ، ١٠ ، ١٣ ، ١٠
            النمط العددي : ٤ ، ٧ ، ١٠ ، ٣١
وصف النمط : كل عدد يزيد عن سابقه مباشرة بمقدار ٣
  (V) ۱۰۰ ، ۱۲۵ ، ۱۵۰ ، ۱۷۵ ، ۲۰۰ ، ۲۲۵ ، ۵ شهور
        ا ۱۰۰ (۸) د ۱۰۰ (۳۰ ، ۳۰ ، ۲۰۰ ، ۲۰۰ (۸) شهور
```

أحمد الننتتورى

أحمد الننتتوري

(۹) عام ۲۰۱۷

```
V < 9 = I + \Lambda = I + (\Sigma) \times \Gamma
              إذن : العدد ( ٤ ) يحقق المتباينة
                       عندما : س = ٥ يكون :
         V < II = I + I \cdot = I + (0) \times \Gamma
              إذن : العدد ( 0 ) يحقق المتباينة
              نستنتج أن : مجموعة الحل = { ٤ ، 0 }
\{V\} = 1 أجب بنفسك كما سيق ، []] مجموعة الحل
             [۲] مجموعة الحل = { - ۳ ، ۳ ، ٤ }
                         \emptyset مجموعة الحل
  الدرس الثاني: حل المعادلة من الدرجة الأولى
             في مجهول واحد
                       ا (۱) [۱] س + ۱ = ۱
 بإضافة ( ٦ ) للطرفين
                     -س + ٦ – ٦ = ١ – ٦
```

[7] س – ۲ = ۸ بإضافة (۲) للطرفين

س = ١٠ إذن : مجموعة الحل = ١٠ }

س = ٣ إذن : مجموعة الحل = ٢ ٢

(۲) ٥ س = ١٥ بقسمة الطرفين على ٥ ينتج:

(۳) ٥ س + ١٣ = ٣ بإضافة (١٣) للطرفين

 $\Gamma + \Lambda = \Gamma + \Gamma - \smile$

```
إذن : العدد (٢) لا يحقق المعادلة
                              عندما: س = ۳ يکون:
              I = I = I + 9 = I + (P) \times P
                      إذن : العدد ( ٣ ) يحقق المعادلة
                               عندما : س = ٤ يكون :
             I \cdot \neq IP = I + I\Gamma = I + (\Sigma) \times P
                    إذن : العدد ( ٤ ) لا يحقق المعادلة
                          نستنتج أن: مجموعة الحل = { ٣ }
  (2) أجب بنفسك كما سبق ، [1] مجموعة الحل [4]
  [7] مجموعة الحل = \{-1\} مجموعة الحل = \{7\}
       (0) باعتبار مجموعة التعويض 3 = \{-1, 7, 2, 0\}
           أوجد مجموعة حل المتباينة : ٢ س + ١ > ٧
نعوض بعناصر مجموعة التعويض ع في الطرف الأيمن ( ٢ س + ١ )
                    لتحديد العناصر التي تحقق المتباينة كما يلي:
                              عندما: س = _ ا يكون:
     V < (I - ) = I + (\Gamma - ) = I + (I - ) \times \Gamma
                  إذن : العدد ( - ١ ) لا يحقق المتباينة
                               عندما: س = ۲ یکون:
                V < 0 = I + \Sigma = I + (\Gamma) \times \Gamma
                    إذن : العدد (٢) لا يحقق المتباينة
                                عندما : س = ٤ يكون :
```

أحمد الننتتوى

أحمد النندتوري

```
0 س + ۱۳ − ۱۳ = ۳ − ۱۳
 0 س = - ١٠ بقسمة الطرفين على 0 ينتج:
\emptyset = \Gamma - \Gamma إذن : مجموعة المحل في ط
       ، إذن : مجموعة الحل في صم = { - ٢ }
   (٤) نفرض أن : العدد = س إذن : أربعة أمثاله = ٤ س
                     إذن : ٤ س + س = ٣٥
    إذن : 0 س = ٣٥ بقسمة الطرفين على 0 ينتج :
     V = V إذن العدد هو V = V

    (0) [۱] س + ۲ = ۷ بإضافة ( - ۲ ) للطرفين

                     \Gamma - V = \Gamma - \Gamma + \gamma
   س = 0 إذن: مجموعة الحل في ط = { 0 }
    ٣ [7] ٣ س – ١ = ٨ بإضافة (١) للطرفين
                   I + \Lambda = I + I - \Psi
  ٣ س = ٩ بقسمة الطرفين على ٣ ينتج:
  س = ٣ إذن: مجموعة الحل في ط = { ٣ }
     ٣] ٢ س + ٤ = ٦ بإضافة ( -٤ ) للطرفين
                ۲ – ۲ – ۲ – ۲ – ۲
۱ – ۲ – ۲ – ۲
    ٢ س = ٢ بقسمة الطرفين على ٢ ينتج:
    - ا إذن : مجموعة الحل في ط = { ١ }

    (٦) الطرفين ( -١ ) للطرفين
```

 $1 - 0 = 1 - 1 + \cdots$

أحمد الننتتوري

أحمد الننتتورى

س = ٤ إذن : مجموعة الحل في صم = { ٤ } [7] ٣ س – ٢ = ١٣ بإضافة (٢) للطرفين ٣ - ١ + ١٣ = ٢ + ٦ ٣ - ١٥ بقسمة الطرفين على ٣ ينتج: - (0) إذن : مجموعة الحل في صح = (0) إ ۲ [۳] ۲ س + ۳ = 0 بإضافة (۳) للظرفين $\Psi - 0 = \Psi - \Psi + \mathcal{F}$ ٢ - بقسمة الطرفين على ٢ ينتج: ا إذن : مجموعة الحل في صم = { ١ } ر(V) [۱] ۲ س = ٤ [۲] الأولى [۳] الثانية [٤] { ٣ } [0] ∅ [٦] { - ۲ } [۷] صفر [۸] ۲ } [۹] ٥ [۱۰] – ۳ [۱۱] س + ۲ [۱۲] ۵ – س الدرس الثالث: حل المتباينة من الدرجة الأولى في مجهول واحد (۱) س – ۳ – ۱ نظرفین آ س 🗕 ۳ + ۱ > ۳ + ۳ اذن : س < ٤ [۱] حيث : س ∈ ط فإن : مجموعة الحل = { ٣ ، ٢ ، ١ ، ٠ } [7] حيث : س ∈ ط فإن : مجموعة الحل = { ٣ ، ١ ، ٠ ، } مثل الحل بنفسك

(۲) ۵ س + ۱۳ > ۳ بإضافة (– ۱۳) للطرفين

0 - m + 10 - 10 - 10 0 - m + 10 - 10

[۱] و حیث : س < -7 غیر ممکنة فی ط ازن : مجموعة الحل فی ط \emptyset

[7] و حیث : س < -7 ممکنة فی صہ اذن : مجموعة الحل فی صہ = $\{ -\Psi : -\Sigma : -0 : \dots \}$

(۳) [۱] س + ۲ < ۷ بإضافة (- ۲) للطرفين</p>

س + ۲ – ۲ < ۷ – ۲ إذن : س < 0 ، مجموعة الحل = { ٤، ٣ ، ٢ ، ١ ، . } ، مثل بنفسك

٣ س - ا ≥ ٨ بإضافة (١) تلظرفين
 ٣ س - ١ + ١ < ٨ + ١

۳ س < ۹ بقسمة الطرفين على ۳ ينتج: س < ۳

مجموعة الحل = { ٢ ، ١ ، . } ، مثل بنفسك

(٤) [۱] ٦ س – ٥ ≤ – ٧ بإضافة (٥) للطرفين

 $0 + V - > 0 + 0 - \sqrt{\Gamma}$

٢ -- ٢ بقسمة الطرفين على ٢ ينتج:

س < _ ا

مجموعة الحل = { - ٢ ، ٣ ، - ٤ ، }، مثل بنفسك

[7] 0 - س > 7 بإضافة (- 0) للطرفين 0 - 0 - س > 7 + 0 - س > ۱۱ بالقسمة على (- ۱) ينتج :

مجموعة الحل = { -١٢ ، -١٣ ، -١٤ ، } ، مثل بنفسك

۳] ۲ − ۱ س ۶ ۳ بإضافة (− ۱) تنظرفين

۱ - ۱ - ۲ س ۱ - ۳

س < _ اا

- ۲ س ≥ ٤ بالقسمة على (- 7) ينتج : س ≤ - 7

مجموعة الحل = { - ٢ ، -٣ ، - ٤ ، } ، مثل بنفسك [١٠٠] مثل بنفسك [١٠٠] مثل بنفسك [١٠٠] مثل بنفسك

0 ≤ س [۲] س <−۱ ا] س

0 > س > ۲ [٤] ا > ۲ − [٣]

الوحدة الثالثة الهندسة و القياس

الدرس الأول: المسافة بين تقطتين في مستوى الإحداثيات

 $``(``P-``\Sigma-)\rightarrow`(``P``\Sigma-)`\neg`(``P``\Sigma)`^1$

· (٣ – · ٤) ۶

ب د = Γ وحدة ، د ء = Λ وحدة

أحمد التنتتوى

أحمد الننتتوري

 $(\ \ \, \forall \ \ \, (\ \ \, \forall \ \) \ [l] \ (\ \ \,)$

 $(\mathbf{P} - \mathbf{O} - \mathbf{O}) [\mathbf{\Sigma}] \qquad (\mathbf{O} \mathbf{O} \cdot \mathbf{O}) [\mathbf{P}]$

 (\mathbf{V}) حدد النقاط و الصور بنفسك ، $\mathbf{A}' = (\mathbf{I} \cdot \mathbf{A} - \mathbf{A})$

 $(1-\cdot P) = ' - \cdot$

 (Λ) حدد النقاط و الصور بنفسك ، $\Lambda' = (\Sigma , \Gamma)$

 $(\cdot \cdot \cdot \mathbf{\Sigma}) = \mathbf{F} \cdot (\cdot \cdot \mathbf{\Gamma}) = \mathbf{F} \cdot (\mathbf{\Gamma} \cdot \mathbf{\Gamma}) = \mathbf{F} \cdot ($

المجسم يسمى : مكعب ، حجمه = Λ وحدة مكعبة

الدرس الثالث : مساحة الدائرة

مساحة سطح الدائرة $\pi=$ ن π

اسم ۱۳٫۸۱ = ۲٫۱ \times ۲٫۱ \times ۲٫۰ =

 π مساحة سطح الدائرة π نن π

 $^{\Gamma}$ ا ۱۸۱,۳٤ = $^{\gamma}$ × ۷,۷ × $^{\gamma}$ =

مساحة سطح القطاع الواحد = $1 \wedge 1,7 + V = 7,7 + 7$ سم

 π بما أن : مساحة سطح الدائرة π

ن : ۳۱٤ = ۲۱۸ خۍ آ

إذن : في ا ۱۰ × ۱۰ = ۱۰۰ = ۳٫۱٤ ÷ ۳۱٤ = ۱۰۰ :

إذن : نق = ١٠ سم

محیط الدائرة $\pi = \pi$ نی $\pi = \pi$ ۱۰ × ۳٫۱٤ محیط الدائرة

[۳] مستطیل [۱] ۶۸ [۵] ۲۸

[٦] نعم متماثل لأن المحور الأفقى (السينات) محور تماثل له

[V] نعم متماثل لأن المحور الرأسى (الصادات) محور تماثل له

(٦) [١] حدد النقط بنفسك [٦] ٤ [٣] ٤ [٤] قائم الزاوية

[0] متساوی الساقین [٦] ٨

(٣) [١] حدد النقط بنفسك [٦] ٩ [٣] معين [٥] ٢٧

(٤) [۱] حدد النقط بنفسك

[7] \P $\psi = 0$ وحدة طول ، \P q q q

["] $\psi = 0$ وحدة طول ، حاء = 0 وحدة طول

[2] مربع [0] ۲۰ [٦] ۲۵

الدرس الثانى : التحويلات الهندسية (الانتقال)

(۱) [۱] دوران [۲] انعکاس [۳] انتقال

[2] انتقال [0] دوران [٦] انعكاس

(٢) أجب بنفسك

 (Ψ) حدد النقاط و الصور بنفسك ، $(\Psi - \Psi - \Psi)$

ب' = (- ۱ ، ۱)

 $(\cdot \cdot \Gamma) [\Gamma] (\cdot \cdot \Gamma) [I] (\Sigma)$

 $(\Psi - (I -) [\underline{\Sigma}] \qquad (\Gamma (I) [\Psi]$

 $(1 - \langle 0 - \rangle [\Gamma] \qquad (\cdot \langle V \rangle [I] (0)$

 $(\mathsf{I} \cdot \mathsf{\Sigma})[\mathsf{\Sigma}] \qquad (\mathsf{V} \cdot \mathsf{V} -)[\mathsf{P}]$

أحمد النننتوري

 1 مساحة سطح مستطیل $\Lambda imes 1 imes 1$ سم

مساحة الجزء المظلل = مساحة الدائرة _ مساحة المستطيل

سم $^{\prime}$ سم $^{\prime}$ سم $^{\prime}$ سم $^{\prime}$

مساحة سطح الدائرة $\mathbf{w} = \mathbf{v} \times \mathbf{v}$ مساحة سطح القطاع الواحد (Λ)

 $^{\Gamma}$ سم $^{\prime}$ ۱۳,۸٦ = ٤,٦٢ × ۳ =

 π بما أن : مساحة سطح الدائرة π

و منها : نی $^{7} = 12.2 = 1.7 \times 1.7$ إذن : نی $^{8} = 1.7 \times 1.7$ سم

π + ٤ [٤] ٣ [٣] ١٦ [٢] 「광 π [١] (٩) 를

VI [A] Γ I- [V] $\Sigma - \pi \Gamma [T]$ $\pi [0]$

الدرس الرابع: المساحة الجانبية و الكلية لكل من المرس المكعب – متوازى المستطيلات

(۱) المساحة الجانبية للمكعب = مساحة الوجه الواحد × ٤

 1 سم $^+$ ۳۱ = ٤ × ۹ = ٤ × (۳ × ۳) =

المساحة الكلية للمكعب = مساحة الوجه الواحد × ٦

 $^{\mathsf{L}}$ ا $^{\mathsf{L}}$ $^{\mathsf{L}}$ $^{\mathsf{L}}$ $^{\mathsf{L}}$ $^{\mathsf{L}}$ $^{\mathsf{L}}$ $^{\mathsf{L}}$ $^{\mathsf{L}}$ $^{\mathsf{L}}$ $^{\mathsf{L}}$

(T) طول الحرف الواحد = ١٢ ÷ ١٢ = ٢ سم

المساحة الجانبية للمكعب = مساحة الوجه الواحد × ٤

ا = (۲ × ۲) × ٤ = ٤ × ٤ = ١٦ سم

أحمد الننتتوي

ن بما أن : محيط الدائرة $\pi \Gamma = \pi$ ن بما

 $\frac{\gamma}{4} \times \frac{\gamma}{4} \times \frac{\gamma}{4} \times \frac{\gamma}{4}$ اذن : $\Lambda \Lambda$

و منها : ١٤ سم

 π مساحة سطح الدائرة مساحة

 $= \frac{77}{V} \times 21 \times 21 = 117$ سم

مساحة الدائرة	نۍ ۲	محيط الدائرة	π	نۍ	(0)
٦,١٦ سم	۱,۹٦ سم	۸,۸ سم	<u>77</u>	۱٫٤ سم	
۳,۱۶ سم	۰۰۰ سم	۱۲٫۸ سم	۳,۱٤	۱۰ سم	
۱۳۸٦ سم	221 سم	۱۳۲ سم	<u> ۲۲</u>	۲۱ سم	
۵۰٫۲٤ سم	ا سمًا	۲۵٫۱۲ سم	۳,۱٤	٤ سم	

سم^ا ۹۸ = $V \times I$ سماحة سطح مستطيل = ۱۵

طول قطر الدائرة = عرض المستطيل = ٧ سم ، في = ٣,٥ سم

 π مساحة سطح الدائرة π نه π

 $^{\uparrow}$ سم $^{\uparrow}$ سم $^{\uparrow}$ سم $^{\uparrow}$ سم $^{\uparrow}$

مساحة الجزء المظلل = مساحة المستطيل _ مساحة الدائرة

- ۵۹٫۵ = ۳۸٫۵ − ۹۸ =

 $^{ extsf{V}}$ مساحة سطح الدائرة π نو $^{ extsf{V}}$

 $^{\mathsf{T}}$ کہ $^{\mathsf{VA}}$, $^{\mathsf{O}}$ = 0 $^{\mathsf{VA}}$ کہ $^{\mathsf{VA}}$

أحمد الننتتوي

(7) Itamica i interior i interio

مساحة البلاطة = 7,0 × 7,0 = 7,0 مساحة البلاطة

المساحة الكلية للمكعب = مساحة الوجه الواحد \times Γ = Σ = Σ

المساحة الكلية للمكعب = مساحة الوجه الواحد \times Γ = Γ Λ Λ = Γ

اذن : مساحة الوجه الواحد $\Sigma = \gamma + \Sigma = 1$ سم

أحمد الننتتوى

أحمد الننتتوي

عدد البلاط اللازم لذلك = .00 \div .70., = ...\$.1 بلاطة التكلفة = .70 \times (02 \pm 0) = ... \times (0.) جنيهاً (.1) مساحة الورق = ... \times (.2 \times 0) \times (.7 \times 0) \times (.7 \times 0) \times (.7 \times 0) \times (.7 \times 0) \times (10 \times 0) \times (10 \times 0) \times (11 \times 0) \times (12 \times 0) \times (13 \times 0) \times (14 \times 0) \times (15 \times 0) \times (16 \times 0) \times (17 \times 0) \times (18 \times 0) \times (19 \times 0) (19 \times (19 \times (19 \times 0) (19 \times (19 \times 0) (19 \times (19 \times (19 \times 0) (19 \times (19

الوحدة الرابعة الإحصاء و الاحتمال الدرس الأول : تمثيل البيانات الإحصائية بالقطاعات الدائرية (۱) [۱] $\frac{1}{7}$ [۲] $\frac{1}{7}$

(١) ٥٠ ٪ يفضلون البرامج الرياضية يمثل ﴿ مساحة سطح الدائرة ،

الشكل المقابل يوضح ذلك الموسيقية يمثل أن ، الشكل المقابل يوضح ذلك

الإخبارية ١٢٠٥٪ ك الموسيقية الثقافية ح الموسيقية ١٠٥٠٪ الرياضية

قياس الزاوية المركزية لقطاع الدر اسات = $\frac{11}{11.0} \times 10^\circ$ = 10° قياس الزاوية المصنع الخامس = 10° \tag{2} نسبة إنتاج المصنع الخامس = 10° \tag{2} \tag{10} \tag{10

إنتاج المصنع الأول = (٥٠ × ١٥٪) ÷ ٣٠٪ = ٢٥ طن (٥) [۱] نسبة دخل الخدمات = ١٠٠٪ – (٢٥٪ + ١٠٪ + ٣٠٪) = ٣٥٪ [٦] قياس الزاوية المركزية بالدرجات لنسبة

 $^{\circ}$ الدخل القومى في الزراعة = $\frac{\pi}{111} \times 10^{\circ} = 1.$

أحمد التنتتوى

أحمد الننتتوى

الدرس الثانى: التجربة العثوائية

فضاء العينة (ف) =

(۲،۲) (۲،٤) (۲،٤) (۲،٤) (۲،٤) (۲،٤) }

(۱,۲) (1,٤) (۲,۳) (۲,۳) (۲,۳) [1] (۲,۱) (۲,1) (۲,1

- { I· · · · · · · · · [r]
 - { V · O · M · L } [M]
 - { V · O · P · I } [1]

(٦) [۱] نسبة إنتاج المجزرة الثانية = ١٠٠ ٪ – (٢٥ ٪ + ٤٠ ٪) = ٣٥ ٪ الما انتاج المدن ترافيات المدن المؤلم المدن المؤلم المدن المؤلم المدن المؤلم المدن المؤلم المدن المؤلم المدن ال

[7] إنتاج المجزرة الأولى = ..20 × 70 ٪ = 1170 طناً إنتاج المجزرة الثانية = ..20 × .2 ٪ = ..٨١ طناً إنتاج المجزرة الثالثة = ..20 × ٣٥ ٪ = 10٧٥ طناً

- - (٨) مجموع الساعات = ٣٦ ساعة

قياس الزاوية المركزية لقطاع اللغة العربية = $\frac{1}{12} \times 10^{\circ} = 0^{\circ}$ قياس الزاوية المركزية لقطاع اللغة الانجليزية = $\frac{1}{12} \times 10^{\circ} = 0^{\circ}$ قياس الزاوية المركزية لقطاع الرياضيات = $\frac{1}{12} \times 10^{\circ} = 0^{\circ}$ قياس الزاوية المركزية لقطاع العلوم = $\frac{1}{12} \times 10^{\circ} = 0^{\circ}$ قياس الزاوية المركزية لقطاع الدر اسات = $\frac{1}{12} \times 10^{\circ} = 0^{\circ}$ قياس الزاوية المركزية لقطاع الدر اسات = $\frac{1}{12} \times 10^{\circ} = 0^{\circ}$ ارسم بنفسك

أحمد الننتتورى

الدرس الثالث: الاحتمال

(۲) العدد الكلى = 20 تلميذ و تلميذة

عدد التلميذات المشتركات في هذه المسابقة $=rac{1}{6} imes 1$ تلميذة

$$\frac{1}{\psi} \left[0 \right] \quad \frac{1}{\psi} \left[\Sigma \right] \quad \frac{1}{10} \quad = \quad \frac{7}{\psi} \left[\Psi \right] \quad \frac{1}{0} \quad = \quad \frac{7}{\psi} \left[\Gamma \right] \quad \frac{1}{\psi} \quad = \quad \frac{1}{\psi} \quad \left[1 \right] \left(\Sigma \right)$$

$$[1] \frac{V}{V} = [0] \frac{V}{V} = \frac{E}{V} = \frac{E}{V} = \frac{V}{V} = \frac{V}{V$$

(٦) بفرض أن حدث أن يكون التلميذ المختار ممن يلعبون كرة القدم هو :
$$\P$$
 إذن : $ص (\P) = -7$ [۱] $ص (\P) = \frac{7}{7} = \frac{7}{7} = \frac{7}{7}$ هو : \P بذن : $ص (\P) = 7$ [۲] بفرض أن حدث أن يكون التلميذ المختار ممن يلعبون ألعاباً أخرى هو : Ψ إذن : Ψ (Ψ) = Ψ = Ψ Ψ . Ψ (Ψ) = Ψ Ψ . Ψ (Ψ) = Ψ = Ψ . Ψ (Ψ) = Ψ . Ψ . Ψ (Ψ) = Ψ . Ψ . Ψ (Ψ) = Ψ . Ψ .

إذن : عدد التلاميذ $= \frac{1}{2} \times ...$ = ... تلميذ

أحمد الننتتوري

 $\frac{v}{\sqrt{v}} = \frac{v}{\sqrt{v}} = \frac{v}{\sqrt{v}} = \frac{v}{\sqrt{v}} = \frac{v}{\sqrt{v}} = \frac{v}{\sqrt{v}}$ احتمال أن يسجل اللاعب الأول = $\frac{v}{\sqrt{v}} = \frac{v}{\sqrt{v}} = \frac{v}{\sqrt{v}}$

احتمال أن يسجل اللاعب الثانى = $\frac{77}{77} = \frac{4}{7} = \frac{77}{77}$ يتم اختيار اللاعب الثانى لتسديد ركلة جزاء أثناء المباراة لأن احتمال تسجيله أكبر من احتمال تسجيل اللاعب الأول

 $\frac{r}{2}$ = احتمال أن تكون درجة التلميذ المختار أقل من .٤ درجة (Λ)

 $\frac{1}{2}$ بما أن : احتمال أن تكون درجة التلميذ \geq 2.

إذن : عدد التلاميذ الحاصلين على درجة \geq .٤ = $\frac{1}{2}$ × .٤ = .1 تلاميذ

(٩) عدد التلاميذ = ٤٨

احتمال أن يحصل التلميذ المختار على تقدير جيد $\frac{17}{6} = \frac{17}{6}$

[1] بفرض أن حدث الحصول على عدد زوجى هو : \P إذن : $\P = \{ 11 , 171 \}$ ، \P إذن : \P (\P) = $\frac{7}{7} = \frac{7}{4}$

سفر [V] $\frac{1}{7}$ [T] $\frac{\pi}{4}$ [O] الا [X] [V] $\frac{1}{7}$ [V] $\frac{\pi}{4}$ [V] \frac



أحمد التنتتوري